

# الرياضيات

## الكاملة للاسئلة الوزارية

السادس الادبي

الاسئلة الوزارية من 2011 الى 2023  
جميع الادوار

ترتيب موقع ملازمنا

**MLAZEMNA**





ملاحظة: أجب عن خمسة أسئلة فقط. (لكل سؤال ٢٠ درجة)

س١: لدى أحمد (5) سترات مختلفة و (6) بنطلونات مختلفة و (8) قمصان مختلفة ، فبكم زي مختلف يظهر به أحمد مكون من سترة وبنطلون وقميص .

(b) جد نقط النهايات العظمى والصغرى المحلية للدالة  $f(x) = x^3 - 9x^2 + 24x$

س٢: (a) جد قيمة  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^3 - 27}{x^2 + 2x - 15}$

(b) جد معادلة المنحني الذي ميله عند النقطة  $(x, y)$  يساوي  $\frac{-2}{x^3}$  وكان المنحني يمر بالنقطة  $(1, 3)$

س٣: (a) جد أبعاد أكبر مستطيل محيطه 40 متر .

(b) إذا كان  $\frac{n!}{(n-2)!} = 6$  جد قيمة  $n$

س٤: أجب عن فرعين:

(a) جد قيمة  $\int_0^4 \sqrt{x(x+1)} dx$

(b) لتكن  $f(x) = \begin{cases} x^2 - 2 & x \geq -1 \\ 3x + 1 & x < -1 \end{cases}$  ابحث استمرارية الدالة عند  $x = -1$

(c) قذف جسم نحو الأعلى عن سطح الأرض بإزاحة معطاة وفق العلاقة  $S(t) = 96t - 16t^2$  حيث  $S(t)$  الإزاحة بالأمتار ،  $t$  الزمن بالثواني . احسب سرعة الجسم بعد مرور ثانييتين من بدء الحركة .

س٥: أجب عن فرعين :

(a) بالاستعانة بالتفاضل ارسم منحني الدالة  $f(x) = 3x - x^3$

(b) جد الحد الأوسط في مفكوك  $(x-3)^8$

(c) جد  $\int (3x-1)(x+5) dx$  ،  $\int \frac{x^3 + 3x^2}{x+3} dx$  1)

س٦: أجب عن فرعين :

(a) إذا كان  $\lim_{x \rightarrow a} \frac{x^2 - a^2}{x - a} = 8$  جد قيمة  $a$  حيث  $a \in R$

(b) إذا كان  $f(x) = (4-x)(x^2 + 3)$  جد قيمة  $f'(2)$

(c) جد المساحة المحددة بمنحني الدالة  $f(x) = x^2 - 2x - 3$  ومحور السينات وعلى الفترة  $[-1, 3]$





ملاحظة: أجب عن خمسة أسئلة فقط . (كل سؤال ٢٠ درجة)

س١: أ) جد قيمة  $n$  حيث  $P_2^n = 42$ .

ب) جد نقط النهايات العظمى والصغرى المحلية للدالة  $f$  حيث  $f(x) = x^4 - 2x^2 + 1$ .

س٢: أ) ابحث استمرارية الدالة  $f$  حيث  $f(x) = \frac{x+3}{x^2+1}$  عند  $x=1$ .

ب) جد المساحة المحددة بين منحنى الدالة  $f(x) = x^3 - 4x$  ومحور السينات والمستقيمين  $x=2$  ،  
 $x=-2$

س٣: أ) قطعة أرض مستطيلة الشكل يحدها نهر من إحدى جهاتها جد أكبر مساحة من الأرض يمكن تسيبها  
بسياج طوله  $(100 m)$ .

ب) جد الحد الخالي من  $x$  في مفكوك  $\left(x^2 - \frac{1}{x}\right)^{15}$

س٤: أجب عن فرعين فقط:

أ) منحنى يمر بالنقطتين  $(2, -3)$  ،  $(-1, 9)$  وميله عند أية نقطة من نقاطه  $(x, y)$  هو  $(ax - 5)$  جد  
معادلة المنحنى حيث  $a$  عدد حقيقي.

ب) جد قيمة  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{\sqrt{3x} - 3}$

ج) جد معادلة المماس للمنحنى  $y = x^2 + x + 1$  عند نقطة تقاطعه مع محور الصادات.

س٥: أجب عن فرعين فقط:

أ) باستخدام معلوماتك بالتفاضل ارسم منحنى الدالة  $f(x) = (x+1)^3 - 1$ .

ب) بكم طريقة يمكن اختيار لجنة مكونة من 5 طالبات و 7 طلاب من بين مجموعة مكونة من 8  
طالبات و 10 طلاب.

ج) جد قيمة  $\int_0^3 \frac{2x}{\sqrt{x^2+16}} dx$

س٦: أجب عن فرعين فقط:

أ) لتكن  $f(x) = \begin{cases} ax+3 & x \geq 1 \\ 3x^2+1 & x < 1 \end{cases}$  جد قيمة  $a$  عدد حقيقي إذا كان  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  موجودة.

ب) جد  $f'(x)$  لكل مما يأتي :  
1)  $f(x) = \frac{x^3+1}{x^4+1}$  ، 2)  $f(x) = (x^2+1)^{\frac{3}{2}}$

ج) جد تكامل  $\int \sqrt[3]{3x^3 - 5x^5} dx$





ملاحظة : أجب عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة )

١ : صاحب محل ساعات لديه ( 10 ) ماركات مختلفة منها وكل ماركة فيها ( 5 ) أحجام وكل حجم فيه ( 7 ) ألوان ، فكم ساعة في المحل ؟

b. جد مشتقة ما يأتي :

$$1) f(x) = \left( \frac{x}{x+1} \right)^4$$

$$2) f(x) = \sqrt{x^2 - 2x + 1}$$

س 2 : a. لتكن :

$$f(x) = \begin{cases} a+2x & x \leq -1 \\ 3-x^2 & x > -1 \end{cases}$$

وكانت  $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$  موجودة ، جد قيمة  $a$  حيث  $a \in R$  .

b. إذا كانت :  $f(x) = x^2 + ax + b$  وكان ميل المماس عند المنحني عند  $x = -1$  هو ( 4 ) وكان المنحني يمر بالنقطة ( 2 , -3 ) جد قيمة  $a, b$  الحقيقيتين .

$$1) \int_0^2 \frac{2x}{\sqrt{x^2 + 16}} dx$$

س 3 : a. جد قيمة التكاملات الآتية :

$$2) \int \sqrt{x} (\sqrt{x} + 5) dx$$

b. جد معادلة المماس للمنحني  $f(x) = x^3 - 2x + \frac{3}{x^2 + 2}$  عندما  $x = -1$  .

س 4 : أجب عن فرعين فقط :

a. جد الحد الأوسط من مفكوك :  $\left( a - \frac{2}{a} \right)^{12}$

b. جد قيمة :  $\lim_{x \rightarrow -2} (x^3 + 2x + 3)$

c. يتحرك جسم على خط مستقيم وحسب العلاقة  $s(t) = \sqrt{2t + 1}$

جد الزمن الذي يستغرقه حتى تصبح سرعته  $m/s$   $\frac{1}{3}$  .

س 5 : أجب عن فرعين فقط :

a. هل الدالة  $f(x) = \begin{cases} 1-2x & x \leq 2 \\ 1-x^2 & x > 2 \end{cases}$  مستمرة عندما  $x = 2$  ؟

b. جد المساحة المحددة بمنحني الدالتين  $y = x^4 - 12$  ،  $y = x^2$  .

c. صندوق يحتوي على 4 كرات حمراء و 8 كرات بيضاء سحب ثلاث كرات معاً جد عدد طرق سد على الأقل اثنتان حمراء .  
1. اثنتان حمراء وواحدة بيضاء .

س 6 : أجب عن فرعين فقط :

a. حوض على شكل متوازي مستطيلات بدون غطاء قاعدته مربعة وحجمه  $m^3$  ( 108 ) جد أبعاده بحيث تكون مساحة الألواح المستخدمة في صنعه اقل ما يمكن .

b. جد قيمة  $n$  إذا كان :  $2 \binom{n}{2} = \binom{n+1}{3}$

c. إذا كانت دالة التكلفة الحدية  $T' = 2 + 60V - 5V^2$  حيث  $V$  حجم الإنتاج جد دالة التكلفة الكلية علماً أن  $T = 65$  .



ملاحظة : أجب عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة )

س١ : a. صندوق يحتوي (10) كرات حمراء و (5) كرات خضراء و (3) كرات بيضاء يراد سحب (5) كرات على أن تكون ضمن السحبة كرتين حمراء وكرة واحدة خضراء ، فكم طريقة لذلك ؟  
b. لتكن :  $f(x) = x^3 - 3x + 2$  جد نقاط الانقلاب لها إن وجدت .

س٢ : a. لتكن :  $f(x) = ax^2 + bx$  وكانت  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 5$  وكذلك  $\lim_{x \rightarrow -2} f(x) = 8$  جد قيمتي  $a, b$  الحقيقيتين .

b. إذا كانت :  $f(x) = (x^2 - 3)^4$  ، جد  $f'(x)$  و  $f''(x)$  عندما  $x = 2$  .

س٣ : a. لتكن  $f(x) = x$  على الفترة  $[-1, 1]$  و  $g(x) = \sqrt[3]{x}$  على نفس الفترة ، جد المساحة المحددة بمنحني الدالتين .

b. رمى لاعب كرة صلبة نحو الأعلى بإزاحة  $s(t) = 224t - 16t^2$  من الأمتار في نهاية  $t$  من الثواني ، احسب أقصى ارتفاع تصله الكرة .

س٤ : أجب عن فرعين فقط :

a. جد الحد الذي يحتوي على  $x^4$  من مفكوك :  $(1 - x^2)^6$  .

b. جد قيمة :  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{\sqrt{x} - 1}$

c. من مستطيل محيطه (120 m) قطعت منطقة على شكل نصف دائرة ينطبق قطرها على أحد الضلعين الصغيرين للمستطيل ، ما أبعاد ذلك المستطيل لكي تكون المساحة المتبقية أكبر ما يمكن ؟

س٥ : أجب عن فرعين فقط :

a. لتكن :  $f(x) = \begin{cases} 3x+1 & x \geq -1 \\ x^2 & x < -1 \end{cases}$  أبحث :

1. استمرارية الدالة عندما  $x = -1$  .

2. هل للدالة غاية عندما  $x = 4$  ؟ بيّن ذلك .

b. منحنى ميله عند أي نقطة من نقاطه يساوي  $(\sqrt{x^2 + 9} + x)$  جد معادلته إذا كان يمر بالنقطة  $(0, 7)$  .

c. جد قيمة  $n$  إذا كان :  $6 \binom{n}{3} = \binom{n+1}{4}$

س٦ : أجب عن فرعين فقط :

a. جد ناتج :  $\int \frac{ax^2 + 1}{\sqrt{ax^3 + 3x + 1}} dx$

b. بكم طريقة يمكن أن يجلس (10) طلاب على (4) كراسي فقط ؟

c. ارسم بيان الدالة الآتية حسب معلوماتك بالتفاضل :  $f(x) = 3x - x^3$



ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة )

س1 : A- كم كلمة مؤلفة من أربعة حروف مختلفة يمكن تكوينها من الأحرف : أ ، ب ، ج ، د ، هـ ؟

B- جد قيمة :  $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 + 2x}{x^2 - x - 6}$

س2 : A- جد نقطة تنتمي إلى المنحني  $f(x) = x^2 - 4x + 5$  والتي عندها المماس يوازي المستقيم الذي معادلته :  
 $y + 2x + 3 = 0$

1)  $\int (6x^2 - 4x + 3) dx$

B- جد ناتج التكاملات الآتية :  
2)  $\int_0^1 \frac{x dx}{\sqrt{x^2 + 1}}$

س3 : A- لتكن :  $f(x) = \begin{cases} 2x+3 & x < 0 \\ x^2+1 & x \geq 0 \end{cases}$  ، هل مستمرة عند  $x = 0$  ؟

B- إذا تحرك جسم على خط مستقيم وفق العلاقة :  $S(t) = t^3 - 6t^2 + 18t + 12$  ، حيث  $S(t)$  بالأمتار  
 $t$  الزمن بالثواني ، احسب بعد الجسم عن نقطة بداية الحركة وسرعته عندما يصبح تعجيله صفراً .

س4 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد معامل  $x^2$  في مفكوك :  $(x^3 + \frac{2}{x^2})^9$

B- إذا كان :  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 + 3x - 1}{x + 2} = 2a + 3$  ، جد قيمة  $a$  .

C- جد المساحة المحددة بين منحنىي الدالتين :  $y = f(x) = x$  ،  $y = g(x) = x^3$  ،

س5 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- جد مشتقة الدوال الآتية :  
1)  $f(x) = (4 - x)(x^2 + 3)$  2)  $f(x) = 2x + \frac{3}{x^2 + 2}$

B- جد قيمة  $n$  إذا كان :  $P_5^n = 8 P_4^n$

C- جد عددين مجموعهما ( 15 ) وحاصل ضرب أحدهما في مربع الآخر أكبر ما يمكن .

س6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- يراد تشكيل لجنة من ستة أعضاء من بين ( 5 ) طلاب ، ( 8 ) مدرسين فيكم طريقة يمكن أن تكون اللجنة  
تحتوي على مدرسين اثنين فقط ؟

B- إذا كانت دالة الإيراد الحدي هي :  $M' = 12 - 8v + v^2$  ، جد دالة الإيراد الكلي ودالة الطلب ( السعر ) بفرض  
أن ما ينتج يباع .

C- بالاستعانة بالنفاضل ارسم منحني الدالة :  $f(x) = 4 - 6x - x^2$



ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة )

س1: إذا كان لدى أحمد ( 6 ) قمصان مختلفة الألوان و ( 7 ) بنطلونات مختلفة الألوان و ( 4 ) أحذية مختلفة فبكم زي مختلف مكون من قميص وبنطلون وحذاء يمكن أن يظهر به ؟  
(b) إذا علمت أن ( 2, 1 ) نقطة النهاية الصغرى المحلية للدالة  $f(x) = a + (x-b)^2$  جد قيمة  $a, b$  الحقيقيتين .

س2: (a) جد قيمة  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1}-2}{x-3}$  حيث  $x \neq 3, x \geq -1$  .

(b) جد مشتقة الدالة  $f(x)$  عندما  $x = 2$  حيث  $f(x) = (4-x)(x^2+3)$  .

س3: (a) جد التكاملات الآتية : 1)  $\int \frac{dx}{\sqrt[3]{x^2-16x+64}}$  2)  $\int \frac{x^4-16}{x+2} dx$

(b) جد معادلة المماس والعمود على المماس من نقطة التماس للمنحني  $y = \frac{2x+1}{3-x}$  عندما  $y = 5$  .

س4: أجب عن فرعين :

(a) لتكن  $f(x) = \begin{cases} ax+3 & x \geq 1 \\ 3x^2+1 & x < 1 \end{cases}$  جد قيمة  $a$  الحقيقية إذا كانت  $f$  مستمرة عند  $x=1$  .

(b) جد الحد الخالي من مفكوك  $(x^2 - \frac{1}{x})^5$  .

(c) جد معادلة المنحني الذي مشتقته الثانية  $= 6x-2$  وميله عند النقطة ( 5, 2 ) يساوي (-1) .

س5: أجب عن فرعين :

(a) نافذة على شكل مستطيل يعلوه نصف دائرة بحيث ينطبق قطرها على أحد أبعاد المستطيل فإذا كان محيط المستطيل

( 8m ) جد أبعاد المستطيل لكي تكون مساحة النافذة أكبر ما يمكن .

(b) جد المساحة المحددة بين الدالتين  $f(x) = x$  و  $g(x) = x^3$  .

(c) جد قيمة  $n$  إذا كانت :  $\frac{(n+1)!}{(n-1)!} = 30$

س6: أجب عن فرعين :

(a) إذا كانت  $f(x) = ax^2 + bx$  وكانت  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 5$  و  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = 8$  جد قيمتي  $a$  و  $b$  الحقيقيتين .

(b) جد مناطق التقعر والتحدب ونقاط الانقلاب إن وجدت للدالة  $f(x) = x^3 + 3x^2 + 3x + 1$

(c) كم عدداً رمزه مكون من ثلاثة أرقام ويكون فردياً يمكن تكوينه من مجموعة الأرقام { 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 }

إذا كان تكرار الرقم في العدد نفسه مسموحاً به ؟



ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة )

س 1 : A - جد قيمة  $n$  إذا كان  $P_1 = 8 \times P_2$ B - جد معادلة المساس لمنحني الدالة  $f(x) = x^2 - 5x + 2$  عند  $x = 1$ 

س 2 : A - لتكن  $x > 2$   $f(x) = \begin{cases} x^2 - 3 & x > 2 \\ 2 - 2x & x \leq 2 \end{cases}$  هل للدالة  $f$  غاية عند 2 ؟ بين ذلك .  
B - ما العدد الذي زيادته على مربعه أكبر ما يمكن ؟  
C - جد  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$

س 3 : A - إذا كان ميل منحنى عند  $(x, y)$  هو  $ax - 3x$  وكان المستقيم  $9x - y - 4 = 0$  مماساً للمنحني عند  $(1, 5)$  جد معادلته .

B - كم عدداً مكوناً من ثلاث مراتب يمكن تكوينه من المجموعة  $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$  بحيث يكون العدد زوجياً وتكرار العدد غير مسموح به ؟

س 4 : أجب عن فرعين فقط :

A - لتكن  $f(x) = \frac{x+3}{x^2+1}$  ابحث استمرارية الدالة عند  $x = 1$  .B - جد التكاملات الآتية : (١)  $\int \sqrt{1-3x} dx$ (٢)  $\int_0^1 \frac{2x}{\sqrt{x^2+16}} dx$ C - جد نقاط الانقلاب للدالة  $f(x) = x^2 - 4x + 2$  إن وجدت .

س 5 : أجب عن فرعين فقط :

A - جد الحد الثالث من مفكوك  $(x-3y)^7$  .B - إذا كانت النقطة  $(2, 1)$  هي نقطة النهاية الصغرى المحلية للدالة  $f(x) = a + (x-b)^2$  فجد قيمة  $a, b$  الحقيقيين .

C - لتكن  $x \leq -1$   $f(x) = \begin{cases} 2x+b & x \leq -1 \\ x^2+a & x > -1 \end{cases}$  جد قيمتي  $a, b$  الحقيقيين إذا كانت  $f(x)$  مستمرة عند  $x = -1$  وإن  $f(2) = 7$

س 6 : أجب عن فرعين فقط :

A - جد المساحة المحددة بالدالة  $f(x) = x^2 - x$  ومحور السينات .

B - كم كلمة يمكن تكوينها مكونة من أربعة حروف مختلفة من كلمة ( سنكفيكهم ) ؟

C - جسم يتحرك على خط مستقيم بحيث أن بعده بالأمتار والزمن بالثواني معطى بالعلاقة  $S(t) = \sqrt{2t^2 + 18}$  احسب بعده عندما تصبح السرعة (1) م / ثا .

ملازمونا

بسم الله الرحمن الرحيم



جمهورية العراق - وزارة التربية  
الدور الأول ١٤٣٥هـ - ٢٠١٤م  
الوقت : ثلاث ساعات

اللجنة الدائمة للامتحانات العامة  
الدراسة : الإعدادية / الأدبي  
المادة : الرياضيات

ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة )

س1: A- بكم طريقة يمكن اختيار أربعة أشخاص من بين عشرة أشخاص لشغل أربع وظائف مختلفة ؟  
B- إذا كانت النقطة (1, 4) نقطة حرجة للدالة  $f(x) = 3 + ax + bx^2$  فما قيمة  $a$  و  $b$  ؟ وما نوع النقطة الحرجة ؟

س2: A- لتكن  $f(x) = \begin{cases} x^2 + a & x > 1 \\ b - 2x & x \leq 1 \end{cases}$  وكانت  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  موجودة وأن  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 5$  جد قيمتي  $a$  و  $b$  الحقيقيتين .

B- جسم يتحرك وفق العلاقة  $s(t) = t^2 + 2t + 1$  جد سرعة الجسم بعد (3) ثوان من بدء الحركة . علماً أن الإزاحة بالأمتار .

س3: A- لتكن دالة الكلفة الكلية  $c(x) = \frac{1}{2}x^2 - 2x + 5$  جد دالة الكلفة الحدية ودالة معدل الكلفة الكلية .  
B- جد التكاملات الآتية :

1)  $\int_1^{125} \frac{\sqrt[3]{x-1}}{\sqrt[3]{x^2}} dx$       2)  $\int (x^4 + \frac{1}{2x^2} + 3) dx$

س4: أجب عن فرعين فقط :

A- جد مفكوك  $(3x^2 + 2y)^3$  .

B- ابحث استمرارية الدالة  $f(x) = \frac{x}{x+1}$  عند  $x = 3$  .

C- إذا كان ميل المنحني عند أي نقطة من نقاطه هو  $3x^2 - 2x + 1$  ، جد معادلة المنحني الذي يمر بالنقطة (2, 3) .

س5: أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- إذا كان  $n! = 6(n-2)!$  جد قيمة  $n$  .

B- جد قيمة  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{\sqrt{3x} - 3}$  .

C- جد أقل محيط ممكن لمستطيل مساحته  $(100cm^2)$  .

س6: أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- جد المساحة المحددة بمنحني الدالة  $f(x) = x^4 - x^2$  ومحور السينات على الفترة  $[-1, 1]$  .

B- كم قطعة مستقيم يمكن تحديدها بنقطتين من مجموعة فيها (7) نقاط ولا توجد ثلاث منها على استقامة واحدة ؟

C- ارسم منحني الدالة بالاستعانة بمعلوماتك بالتفاضل  $f(x) = x^3 - 3x^2 + 1$





ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة )

س1 : A- إذا كان لدى فتاة (7) قمصان مختلفة الألوان و (5) تنورات مختلفة الألوان و (3) أحذية مختلفة ، فبكم زي مختلف مكون من قميص وتنورة وحذاء يمكن أن تظهر به الفتاة .

B- جد  $f'(1)$  إذا كان  $f(x) = \frac{4+5x}{x^2+x+1}$

س2 : A- إذا كان  $f(x) = ax^2 + bx$  و  $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = 5$  و  $\lim_{x \rightarrow 3} f(x) = 21$  جد قيمتي  $a, b$  الحقيقيتين .

B- إذا كانت دالة التكلفة الحدية  $T'$  هي  $T' = 3 + 40v - 5v^2$  حيث  $v$  حجم الإنتاج ، جد دالة التكلفة الكلية  $T$  علماً أن  $T = 65$  عندما  $v = 0$  .

س3 : A- جد عددين مجموعهما = 9 حيث أن حاصل ضرب مربع أحدهما في ثلاثة أمثال الآخر أكبر ما يمكن .

B- جد :  $\int \sqrt[3]{x^2 - 8x + 16} dx$

س4 : A- هل يوجد حد خالي من  $x$  في مفكوك  $(x^2 - \frac{1}{x})^{15}$  ؟ بين ذلك .

B- جد معادلة المماس للمنحني  $f(x) = \sqrt[3]{x+3}$  عند النقطة التي فيها  $x = 5$

س5 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- جد قيمة :  $\frac{1}{56} \left[ \begin{matrix} 8 & 8 \\ p & p \\ 2 & 3 \end{matrix} \right]$

B- لتكن :  $f(x) = \begin{cases} 7-2x & x < -1 \\ 2x^2+3 & x \geq -1 \end{cases}$  ، هل  $f$  مستمرة عند  $x = -1$  ؟ بين ذلك .

C- جد المساحة المحددة بين المنحنيين :  $y = x^2$  و  $y = 2x$

س6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- جد قيمة  $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 + 2x}{x^2 - 3x - 10}$

B- باستخدام معلوماتك في التفاضل ارسـم منحنى الدالة :  $f(x) = (x-1)^3$

C- جد قيمة :  $\int_0^3 \sqrt[3]{(3x-1)^2} dx$





ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة )

س1 : A- ( 8 ) أشخاص يريدون الجلوس ولم يجدوا أمامهم سوى ( 5 ) كراسي ، فيكم طريقة يمكن ملء هذه الكراسي الخمسة ؟

B- إذا كانت  $f(x) = (x^2 - 3)^4$  ، جد قيمتي  $f'(2)$  ،  $f''(2)$  .

س2 : A- جد قيمة  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1} - 2}{x-3}$

B- منحنى ميله عند أية نقطة  $(x, y)$  يساوي  $x\sqrt{x^2 + 9}$  ، جد معادلته إذا كان يمر بالنقطة  $(0, 4)$  .

س3 : A- ارسم منحنى الدالة بالاستعانة بالتفاضل  $f(x) = (x-1)^3$  .

B- جد الحد الخامس في مفكوك  $(x-3y)^8$  .

س4 : A- إذا علمت أن :  $f(x) = \begin{cases} x^2 - 2 & x \geq -1 \\ 3x + 2 & x < -1 \end{cases}$  ، ابحث استمرارية الدالة  $f$  عند  $x = -1$

B- قطعة أرض مستطيلة الشكل يحدها نهر من إحدى جهاتها ، جد أكبر مساحة من الأرض يمكن تسييجها بسياج طوله  $(120 \text{ m})$  .

س5 : أجب عن فرعين فقط :

A- جسم يتحرك على خط مستقيم وحسب العلاقة  $s(t) = \sqrt{2t+1}$  ، جد الزمن الذي يستغرقه حتى تصبح

سرعته  $\frac{1}{3} \text{ m/s}$  .

B- جد قيمة  $n$  إذا علمت أن  $12 \binom{n}{3} = \binom{n+1}{4}$

C- جد قيمة  $\int_{-1}^0 \frac{(x^3 - 8)}{(x-2)} dx$

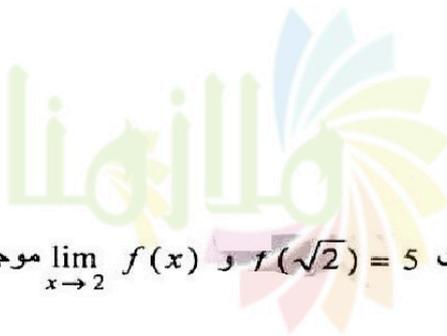
س6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- إذا كانت :  $f(x) = \begin{cases} 3x+a & x \geq 2 \\ x^2+b & x < 2 \end{cases}$  وكانت  $f(\sqrt{2}) = 5$  و  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$  موجودة

جد قيمة كل من  $a$  ،  $b$  الحقيقيتين .

B- جد النقط على المنحنى  $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x + 4$  والتي عندها المماس يوازي محور السينات .

C- جد المساحة المحددة بين المنحنيين  $y = x^2$  ،  $y = x^4 - 12$  .





ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة )

س1 : A- كيس فيه ( 10 ) كرات حمراء و ( 6 ) بيضاء سحبته منه ( 4 ) كرات معاً دون إرجاع ، ما عدد الطرق التي تكون فيها الكرات المسحوبة من نفس اللون ؟

B- جد إن وجدت نقط الانقلاب ومناطق التقعر والتحدب للدالة :  $f(x) = x^3(4-x)$

س2 : A- جد معادلة المنحني الذي ميله عند أية نقطة  $(x, y)$  من نقاطه هو  $(x^2 - x - 2)$  وكان للمنحني نهاية عظمى محلية تنتمي إلى محور السينات .

B- إذا كانت :  $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 25}{x^2 - 8x + 15} = -3a + 11$  جد قيمة  $(a)$  .

س3 : A- جد المشتقة الأولى لكل من الدوال الآتية :

$$1) f(x) = \sqrt{x^4 + 3x^2 + 1} \quad , \quad 2) f(x) = \left(\frac{2x-1}{x^3+3}\right)^5$$

B- لتكن  $f : R \rightarrow R$  حيث أن :

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & x \leq 3 \\ 4x - 2 & x > 3 \end{cases}$$

1) ابحث استمرارية الدالة عند  $x = 3$  .

2) جد الغاية عند  $x = -2$  .

س4 : A- جد قيمة  $(n)$  إذا علمت أن :  $\frac{n!}{(n-2)!} = \frac{3}{2}$

B- جد تكامل كلا من : 1)  $\int \frac{x^3 - 2x^2 + 1}{5x^5} dx$  2)  $\int_0^1 \frac{x dx}{\sqrt{x^2 + 1}}$

س5 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد الحد الذي يحوي  $x^2$  في مفكوك  $(x^3 + \frac{2}{x^2})^9$  .

B- جد  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^4 - 81}{x - 3}$

C- جد النقاط على المنحني  $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x + 4$  ، بحيث يكون عندها المماس موازياً لمحور السينات .

س6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- جد العددين اللذين مجموعهما ( 8 ) ومجموع مربعيهما أكبر ما يمكن .

B- جد المساحة المحددة بالدالة  $f(x) = \sqrt{x+1}$  ومحور السينات والمستقيمين  $x = 0$  ,  $x = 3$  .

C- كم عدد رمزه مكون من ( 3 ) أرقام يمكن تكوينه باستخدام الأرقام 2 , 3 , 4 , 5 , 6 , 7 , 8 , 9 على أن يكون العدد فردياً والتكرار غير مسموح فيه للرقم ؟





ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة )

س1 : A- كم كلمة بمعنى أو بدون معنى يمكن تكوينها من كلمة ( سنكفيكهم ) مكونة من أربع أحرف على أن لا يسمح بتكرار الحرف في الكلمة الواحدة ؟

B- إذا كانت  $f(x) = (x^3 + 3x^2 - 3)^5$  جد  $f'(x)$  و  $f'(1)$

س2 : A- هل الدالة  $f(x) = \begin{cases} 1-2x & x \leq 2 \\ 1-x^2 & x > 2 \end{cases}$  مستمرة عندما  $x = 2$  ؟ بين ذلك .

B- جسم يتحرك على خط مستقيم وفق المعادلة  $f(t) = t^2 + 3t + 2$  جد سرعة الجسم بعد 5 ثوان من بدء الحركة علماً أن الإزاحة بالأمطار .

س3 : A- جد التكاملات الآتية :

$$1) \int \frac{x-2}{(x^2-4x+5)^3} dx \quad 2) \int_4^0 x(x-1)(x-2) dx$$

B- عيّن نقاط الانقلاب ومناطق التحدب والتقعّر للدالة الآتية إن وجدت  $f(x) = x^3 + 3x^2 + 3x + 1$

س4 : أجب عن فرعين فقط :

A- إذا كان  $\lim_{x \rightarrow n} \frac{x^2 - n^2}{x - n} = 10$  جد قيمة  $n$  الحقيقية .

B- بكم طريقة يمكن اختيار لجنة مكونة من 3 موظفين وموظفتين من بين 10 موظفين وخمسة موظفات ؟

C- جد المساحة المحددة بمنحني الدالة  $f(x) = x^3 - x$  ومحور السينات .

س5 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد الحدين الأوسطين من مفكوك  $(2x - 1)^7$

B- جد قيمة  $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 + 2x}{x^2 - x - 6}$

C- جد نقطة على المنحني  $f(x) = x^2 - 4x + 5$  عندما يكون مماس المنحني يوازي المستقيم  $2x - y = 0$

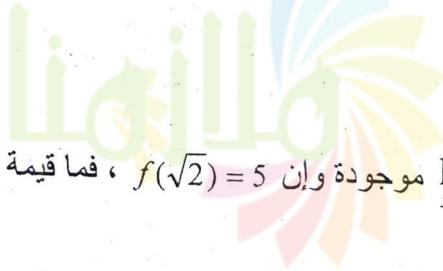
س6 : أجب عن فرعين فقط :

A- إذا كانت  $3(n!) = 360$  فما قيمة  $n$  ؟

B- لتكن  $f(x) = \begin{cases} 2x + a & x \geq 2 \\ x^2 - b & x < 2 \end{cases}$  وكانت  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$  موجودة وإن  $f(\sqrt{2}) = 5$  ، فما قيمة  $a, b$  الحقيقيين ؟

C- جد معادلة المنحني الذي ميله عند أي نقطة  $(x, y)$  يساوي  $(3x^2 - 6x - 9)$  وكان للمنحني نهاية عظمى محلية

قيمتها = 10





ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة )

س1 : A- ما عدد طرق اختيار وفد مكون من ( 4 ) أشخاص نختارهم من بين ( 6 ) رجال و ( 7 ) نساء بحيث يحوي الوفد مناصفة من كل جنس ؟

B- جد معادلة المماس والعمود على المماس لمنحني الدالة  $y = x^3 - 3x^2 + 5$  عند  $x = 1$  .

س2 : A- جد معادلة المنحني الذي ميله عند أية نقطة هو  $ax^2 - 6x - 9$  وللمنحني نقطة انقلاب هي ( 1, -6 ) .

B- جد :  $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^3 + 8}{x^4 - 16}$

س3 : A- جد قيمة  $n$  إذا علمت أن  $2P_2^n = C_3^{n+1}$

B- إذا تحرك جسم وفق العلاقة  $S(t) = t^3 - 6t^2 + 18t + 12$  حيث  $S(t)$  المسافة بالأمتار ،  $t$  الزمن

بالثواني ، احسب بعد الجسم عن نقطة بداية الحركة وسرعته عندما التعجيل يساوي صفراً .

س4 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد الحدين الأوسطين في مفكوك  $(2 + \frac{x}{2})^9$

B- جد  $y'$  للدالة  $y = (x^3 + 3x^2 - 3)^{\frac{3}{2}}$  عند  $x = 2$  .

C- جد المساحة المحددة بمنحني الدالتين :  $y = x^4 - 12$  ،  $y = x^2$  .

س5 : أجب عن فرعين مما يأتي :

A- إذا كانت  $f(x) = \begin{cases} 2a + x^2 & x \geq 1 \\ 2x + b & x < 1 \end{cases}$  وكانت  $f(x)$  مستمرة عند  $x = 1$  وأن  $f(-1) = 5$

جد قيمتي  $a, b \in R$  .

B- إذا كانت دالة الكلفة الكلية لإنتاج سلعة معينة هي  $C(x) = \frac{1}{9}x^2 + 6x + 100$  ، جد حجم الإنتاج الذي

عنده يكون معدل الكلفة أقل ما يمكن .

C- جد تكامل كل مما يأتي :

1)  $\int \frac{\sqrt[3]{x^2 + 2}}{\sqrt[3]{x}} dx$

2)  $\int_0^3 \frac{2x}{\sqrt{x^2 + 16}} dx$

س6 : أجب عن فرعين مما يأتي :

A- كم عدداً زوجياً مكون من ( 4 ) مراتب يمكن تكوينه من الأرقام { 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 } بفرض عدم السماح بتكرار الرقم ؟

B- ارسم منحني الدالة باستخدام معلوماتك بالتفاضل  $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2$

C- إذا كانت  $f(x) = ax^2 + bx$  وكانت  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 5$  و  $\lim_{x \rightarrow -2} f(x) = 8$

جد قيمتي  $a, b \in R$  .



- ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة )

- س 1 : A- مجموعة من الطلاب مكونة من 10 طلاب و 8 طالبات يراد تشكيل لجنة مؤلفة من 7 أعضاء لإدارة الأنشطة الطلابية ، بكم طريقة يمكن اختيار اللجنة إذا تكونت من 4 طلاب و 3 طالبات ؟  
B- جد نقطة تنتمي إلى منحنى الدالة  $f(x) = x^2 + 3x + 5$  بحيث يكون عندها المماس موازياً للمستقيم الذي معادلته  $3x + y + 4 = 0$  .  
س 2 : A- جد معادلة المنحنى الذي ميله عند أية نقطة  $(x^2 - x - 2)$  إذا كان للمنحنى نهاية عظمى محلية تنتمي لمحور السينات .  
B- جد المشتقة لكل من :

$$1) f(x) = 6\sqrt{3x^2 + 4}$$

$$2) f(x) = (x^2 + 2x - 3)(2x + 1)$$

$$\text{س 3 : A- جد : } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x+3} - 2}{x-1}$$

- B- إذا كانت النقطة  $(2,1)$  نقطة نهاية صغرى محلية للدالة  $f(x) = a + (x-b)^2$  ، فما قيمة  $a, b \in \mathbb{R}$  ؟  
س 4 : أجب عن فرعين فقط :  
A- جد قيمة  $n$  إذا علمت أن :  $P(n, 3) = 56(n-2)$

$$B- لتكن : f(x) = \begin{cases} x^2 - 1 & x > 3 \\ 5 + x & x \leq 3 \end{cases}$$

- 1) ابحث استمرارية الدالة عند  $x = 3$  (2) جد غاية الدالة عندما  $x = 2$  .  
C- قطعة أرض مستطيلة الشكل يحدها نهر من إحدى جهاتها ، جد أكبر مساحة من الأرض يمكن تسييجها بسيياج طوله 120 متراً  
س 5 : أجب عن فرعين فقط :

$$A- جد الحد الخالي من  $x$  في مفكوك  $(x + \frac{2}{x^2})^6$  .$$

- B) جد المساحة بين منحنى الدالة  $f(x) = x^3 - 4x$  ومحور السينات والمستقيمين  $x = 2$  ،  $x = -2$  .  
C- إذا كانت  $f(x) = ax^2 + bx + 3$  دالة وكانت  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 8$  و  $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = 4$  فجد قيمتي  $a, b \in \mathbb{R}$  .

س 6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي

A- جد كلا مما يأتي :

$$1) \int \frac{dx}{\sqrt{x^2 - 14x + 49}}$$

$$2) \int_{-1}^1 (x^2 + 3)(x + 2) dx$$

- B- كم عدد رمزه مكون من 3 مراتب وأكبر من 600 يمكن تكوينه من الأرقام 8 ، 7 ، 6 ، 5 ، 4 إذا كان ؟  
1) التكرار مسموح به  
2) التكرار غير مسموح به  
C- ارسم منحنى الدالة  $f(x) = (x+1)^3 - 1$  باستخدام معلوماتك في التفاضل .



ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة )

س١ : A- كم كلمة مكونة من ثلاثة حروف مختلفة يمكن تكوينها من كلمة ( سنتنصرون ) ؟  
B- لتكن  $f(x) = x^4 - 2x^2 + 1$  ، جد نقاط النهايات العظمى والصغرى المحلية إن وجدت .

س٢ : A- إذا كانت الدالة  $f(x) = -x^3 + ax^2 + b$  تمتلك نقطة انقلاب  $(1, -2)$  جد قيمة  $a, b \in R$  .

B- جد التكمالات الآتية :

1)  $\int \sqrt[3]{3x^3 - 5x^5} dx$

2)  $\int \frac{x^3 + 27}{x+3} dx$

س٣ : A- لتكن  $f(x) = \begin{cases} 2x^2 - 10 & x \geq 3 \\ x + 5 & x < 3 \end{cases}$  اثبت أن الدالة مستمرة عندما  $x = 3$  .

B- أطلقت رصاصة إلى الأعلى وكان ارتفاعها  $m$  متر في نهاية  $t$  من الثواني بحيث أن  $m = 224t - 16t^2$  احسب أقصى ارتفاع تصل إليه الرصاصة .

س٤ : أجب عن فرعين فقط :

A- إذا كان هنالك ( 7 ) خريجين يريدون أن يتوظفوا ولم يجدوا سوى ( 3 ) وظائف ، فبكم طريقة يمكن إشغال الوظائف ؟

B- جد قيمة :  $\lim_{z \rightarrow -3} \frac{z-9}{\sqrt{z}+3}$

C- جد المساحة المحددة بمنحني الدالتين  $f(x) = \sqrt[3]{x}$  ،  $g(x) = x$  على الفترة  $[-1, 1]$  .

س٥ : أجب عن فرعين فقط :

A- إذا كانت :  $f(x) = \begin{cases} 2x+b & x \leq -2 \\ x^2+a & x > -2 \end{cases}$  ، جد قيمتي  $a, b \in R$  إذا كانت  $f(x)$  مستمر .

B-  $f(2) = 7$  وأن  $x = -2$

C- جد نقطة تنتمي إلى المنحني  $f(x) = x^2 - 4x + 5$  والتي عندها المماس يوازي المستقيم الذي معادلته

$y = -3 - 2x$

C- إذا كانت دالة التكلفة الحدية  $T'$  هي  $T' = 2 + 60V - 5V^2$  حيث  $V$  حجم الانتاج ، جد دالة التكلفة

الكلية علماً أن  $T = 45$  .

س٦ : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- جد قيمة  $n$  حيث :  ${}^n P_3 = 7 {}^n P_2$

B- إذا كانت  $f(x) = (2x^2 + 2x)^4$  ، جد  $f'(1)$  ،  $f''(x)$  .

C- اثبت أن :  $\int_1^{125} \frac{\sqrt[3]{x} - 1}{\sqrt[3]{x^2}} dx = 16$



ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة )

س1 : A- كم كلمة متكونة من ثلاثة أحرف ( بمعنى أو بدون معنى ) يمكن تكوينها من حروف كلمة ( ستنتصرون ) ؟  
B- إذا كانت (1, 4) نقطة حرجة للدالة  $f(x) = 3 + ax + bx^2$  ، جد قيمة  $a, b \in R$  .

س2 : A- جد قيمة :  $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^3 + 8}{x^4 - 16}$

B- إذا تحرك جسم وفق العلاقة  $S(t) = t^3 - 6t^2 + 18t + 12$  حيث  $S(t)$  بالأمتار و  $t$  الزمن بالثواني ، احسب بعد الجسم عن نقطة بداية الحركة وسرعته عندما يصبح تعجيله صفراً .

س3 : A- إذا كانت  $f(x) = (x^3 + 3x^2 - 3)^{\frac{3}{2}}$  ، جد  $f'(x)$  ،  $f'(2)$  .  
B- جد معادلة المنحني الذي ميله عند أي نقطة  $(ax^2 - 6x - 9)$  وللمنحني نقطة انقلاب هي  $(1, -6)$  .

س4 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد الحد الخامس من مفكوك :  $(x - 3y)^8$

B- لتكن  $f(x) = \begin{cases} 1-2x & x \leq 2 \\ 1+x^2 & x > 2 \end{cases}$  ، اثبت أن  $f$  مستمرة عند  $x = 2$  .

C- جد المساحة المحددة بمنحني الدالتين  $g(x) = \sqrt{x-1}$  ،  $f(x) = \frac{x}{2}$  والمستقيمين  $x=2$  ،  $x=5$

س5 : أجب عن فرعين فقط :

A- إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 2x + 6}{x + 3} = 3a - 4$  ، جد قيمة  $a \in R$  .

B- جد العدد الذي زيادة ثلاثة أمثال مربعه على مكعبه أكبر ما يمكن .

C- جد التكاملات الآتية :  
1)  $\int_0^3 \frac{x dx}{\sqrt{x^2 + 16}}$   
2)  $\int \sqrt[5]{3x^5 - 2x^7} dx$

س6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- جد قيمة  $n$  إذا كان :  $\frac{(n+1)!}{(n-1)!} = 30$

B- جد نقطة على المنحني  $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x + 4$  بحيث يكون عندها المماس موازاً لمحور السينات .

C- إذا كانت دالة التكلفة الحدية  $T'$  هي  $T' = 2 + 60V - 5V^2$  حيث  $V$  حجم الإنتاج ، جد دالة التكلفة الكلية علماً أن  $T = 65$  عندما  $V$  يساوي صفراً .





ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة ) .

س1 : A- بكم طريقة يمكن أن يجلس ( 5 ) أشخاص في سيارة ذات خمسة مقاعد علماً أن ثلاثة منهم فقط يجيدون القيادة ؟

B- إذا كانت  $f(x) = x^2 - 4x + 4$  ، جد  $f'(x)$  مستخدماً التعريف ، ثم جد معادلة المماس لمنحني الدالة عند  $x = 1$  .

س2 : A- منحني ميله عند  $(x, y)$  يساوي  $(ax - 5)$  ، جد معادله إذا كان يمر بالنقطتين  $(-1, 9)$  ،  $(2, -3)$  .

B- جد : (1)  $f'(x)$  للدالة  $f(x) = \sqrt{x}(x+3)$

(2)  $f'(1)$  للدالة  $f(x) = x + \frac{3}{x^2 + 2}$

س3 : A- جد :  $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + x}{\sqrt{x+10} - 3}$

B- إذا تحرك جسم وفق العلاقة  $S(t) = \frac{1}{3}t^3 - 2t^2 + 3t + 5$  حيث  $S$  الإزاحة بالأمتار ،  $t$  الزمن بالثواني ، جد السرعة عندما التعجيل يساوي صفر .

س4 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد الحد الذي يحوي  $x^4$  في مفكوك  $(2 + x^2)^6$  .

B- جد المساحة المحددة بمنحني الدالة  $f(x) = x^3 - 4x$  والمستقيمين  $x = 2$  و  $x = -2$  .

C- لتكن  $f(x) = \begin{cases} 3 - 2x^2 & x \geq -1 \\ 2x - a & x < -1 \end{cases}$  ، جد قيمة  $a$  التي تجعل للدالة غاية عند  $x = -1$  .

س5 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد قيمة  $n$  إذا علمت أن :  $2p(n, 3) = p(n+1, 3)$

B- إذا كانت دالة الإيراد الحدي هي  $M' = 8 - 6v - 2v^2$  ، حيث  $v$  حجم الإنتاج ، جد دالة الإيراد الكلي ودالة السعر ، بفرض أن ما ينتج يباع .

C- في ورشة للنجارة ، يراد صنع صندوق من الخشب على شكل متوازي السطوح قاعدته مربعة الشكل بدون غطاء ، جد أبعاد الصندوق لكي يكون حجمه أكبر ما يمكن علماً أن مجموع محيط قاعدته وارتفاعه يساوي ( 90 ) متراً .

س6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- ابحث استمرارية الدالة  $f(x) = |x - 3|$  عند  $x = 3$  .

B- يراد تشكيل لجنة من ( 5 ) أعضاء من بين ( 4 ) طلاب و ( 6 ) طالبات ، فبكم طريقة يمكن أن تكون اللجنة إذا كانت محتوية على طالبتين اثنتين فقط ؟

C- ارسم منحني الدالة  $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2$  مستخدماً معلوماتك في التفاضل .



ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة ) .

- س1 : A- باستخدام الأرقام { 2 ، 3 ، 4 ، 5 ، 6 ، 7 } ، كم عدد رمزه مكوّن من 3 مراتب وأصغر من 500 يمكن تكوينه منها إذا كان التكرار في العدد نفسه غير مسموح فيه ؟  
B- إذا تحرك جسم وفق العلاقة  $S(t) = t^3 - 3t^2 + 4t + 1$  ، حيث S البعد بالأمتار ، t الزمن بالدقائق ، احسب البعد والسرعة والتعجيل بعد 5 دقائق من بدء الحركة .

س2 : A- جد معادلة المنحني الذي ميله عند أية نقطة  $(x, y)$  من نقاطه  $(3x^2 - 6x - 9)$  وكان للمنحني نهاية عظمى محلية قيمتها (10) .

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 + 7x^2 - 8x}{3x^2 - 3} \quad \text{B- جد :}$$

س3 : A- جد المشتقة لكل من الدوال الآتية :

$$1) f(x) = \left(\frac{2x-1}{x^2+3}\right)^5$$

$$2) f(x) = (4-x)(x^2+3) \text{ at } (x=2)$$

$$\text{B- لتكن } f(x) = \begin{cases} x^2+4 & x \geq 1 \\ ax-3 & x < 1 \end{cases} \text{ ، جد قيمة } a \text{ إذا علمت أن } f \text{ مستمرة عند } x = 1 .$$

س4 : أجب عن فرعين فقط :

$$\text{A- إذا علمت أن } P_3^6 = P_r^6 \text{ ، جد قيمة } r .$$

$$\text{B- جد المساحة المحددة بالدالة } f(x) = x^3 - 3x^2 + 2x \text{ ومحور السينات .}$$

$$\text{C- إذا علمت أن } (2, 1) \text{ نهاية صغرى محلية للدالة } f(x) = a + (x-b)^2 \text{ ، جد قيمة } a, b \in R .$$

س5 : أجب عن فرعين فقط :

$$\text{A- صندوق يحتوي على (4) كرات حمراء و (8) كرات بيضاء سحب ثلاث كرات معاً ، جد عدد طرق سحب (1) اثنان حمراء وواحدة بيضاء . (2) على الأقل اثنان حمراء .$$

$$\text{B- ليكن } f(x) = ax^2 + b \text{ وكانت } \lim_{x \rightarrow 2} f(x) = 10 \text{ و } \lim_{x \rightarrow -1} f(x) = 1 \text{ ، جد } a, b \in R .$$

$$\text{C- جد معادلة المماس لمنحني الدالة } f(x) = \sqrt[3]{x+3} \text{ عند } x = 5 .$$

س6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

$$\text{A- جد الحد الخامس في مفكوك : } \left(\frac{x^2}{2} - \frac{x}{3}\right)^8$$

$$1) \int_0^3 \sqrt[3]{(3x-1)^2} dx$$

$$2) \int \frac{(3x^2-4)^2-16}{x^2} dx \quad \text{B- جد كلا من :}$$

$$\text{C- جد العبددين اللذين مجموعهما (12) وحاصل ضرب أحدهما في مكعب الآخر أكبر ما يمكن .}$$



ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة ) .

س١ : ٨- ما عدد طرق توزيع (6) أشخاص على (6) وظائف مختلفة بحيث لكل واحد منهم وظيفة واحدة فقط ؟

ب- إذا كانت  $f(x) = (x^2 - 2)^3$  ، جد  $f'(x)$  ،  $f''(x)$  عند  $(x = -1)$  .

س٢ : ٨- جد معادلة المنحنى الذي ميله عند أية نقطة  $(x, y)$  من نقاطه  $(2x - 4)$  وكان للمنحنى نهاية صغيرة محلية قيمتها  $(-3)$  .

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + 3x - 1}{x + 2} = 2a + 3 \quad \text{ب- جد قيمة } (a) \text{ إذا علمت أن :}$$

س٣ : ٨- جد نقطة على المنحنى  $f(x) = x^2 - 4x + 5$  عندما يكون مماس المنحنى يوازي المستقيم الذي معادلته  $2x - y = 0$  .

ب- جد الحد الأوسط في مفكوك  $(x - \frac{2}{x})^{12}$  .

س٤ : أجب عن فرعين فقط :

٨- يتحرك جسم على خط مستقيم وحسب العلاقة  $S(t) = \sqrt{2t + 1}$  ، جد الزمن اللازم الذي يستغرقه حتى تصبح السرعة  $(\frac{1}{3} m/s)$  .

ب- جد المساحة المحددة بالدالة  $y = f(x) = \sqrt{x + 1}$  ومحور السينات والمستقيمين  $x = 0$  ،  $x = 3$  .

$$\text{ج- لتكن } f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & x \leq 3 \\ 4x - 2 & x > 3 \end{cases}$$

١) ابحث استمرارية الدالة عند  $x = 3$  (2) جد  $\lim_{x \rightarrow -2} f(x)$

س٥ : أجب عن فرعين فقط :

٨- للقيام بمراسم رفع العلم في إحدى المدارس من صباح يوم الخميس يجري اختيار (3) طلاب من بين (20) طالباً لأداء هذه المهمة الوطنية المشرفة ، جد عدد طرق الاختيار الممكنة .

$$\text{ب- جد : } \lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 + 2x}{x^2 - x - 6}$$

ج- إذا كتبت دالة الكلفة لإنتاج سلعة ما هي  $C(x) = \frac{1}{2}x^2 + x + 40$  ، جد حجم الإنتاج الذي يكون عنده معدل الكلفة أقل ما يمكن .

س٦ : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

٨- ارسم منحنى الدالة  $f(x) = 4 - 6x - x^2$  بالاستعانة بمعلوماتك في التفاضل .

ب- جد قيمة  $(n)$  إذا علمت أن :  $C_2^n = 66$

$$1) \int_{-1}^0 \frac{x^3 - 27}{x - 3} dx$$

$$2) \int x(\sqrt{x^3 + 4}) dx \quad \text{ج- كلاً من التكاملات الآتية :}$$



**ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة )**

س1 : A- لدى رجل ( 6 ) قمصان و ( 10 ) أربطة وبدلتان فبكم طريقة يمكن أن يظهر بها هذا الرجل في زي مكون من قميص وربطة عنق واحدة وبدلة واحدة .  
B- باستخدام قواعد المشتقة ، جد  $f'(x)$  لكل من :

$$1) f(x) = \frac{1}{\sqrt{2x+1}} \quad \text{at } x = 0$$

$$2) f(x) = (4-x)(x^2+1) \quad \text{at } x = 2$$

س2 : A- إذا كان ميل منحنى عند النقطة  $(x, y)$  هو  $(ax - 3x^2)$  وكان المستقيم  $9x - y - 4 = 0$  مماساً له عند  $(1, 5)$  ، جد معادلته .

B- لتكن دالة الكلفة الكلية لإنتاج سلعة ما هي  $f(x) = 3x^2 - 60x + 1200$  ، جد :  
(1) دالة الكلفة الحدية . (2) دالة معدل الكلفة . (3) دالة معدل الكلفة الحدية  
(4) حجم الإنتاج الذي يعطي أقل معدل كلفة .

$$\text{س3 : A- جد قيمة : } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{\sqrt{x} - 1}$$

B- إذا تحرك جسم وفق العلاقة  $S(t) = t^3 - 6t^2 + 18t + 12$  حيث  $S(t)$  بالأمتار ،  $t$  الزمن بالثواني ، احسب بعد الجسم من نقطة بداية الحركة وسرعته عندما يصبح التعجيل صفر .  
س4 : أجب عن فرعين فقط :

$$\text{A- جد قيمة } n \text{ إذا علمت أن : } \frac{n!}{(n-2)!} = P_2^4$$

B- جد المساحة المحددة بمنحني الدالتين  $f(x) = x$  و  $g(x) = \sqrt[3]{x}$  وعلى الفترة  $[-1, 1]$  .

$$\text{C- إذا كانت } f(x) = \begin{cases} ax - 1 & x < 2 \\ 2x^2 + 1 & x \geq 2 \end{cases} \text{ ، جد قيمة } a \text{ حيث } a \in \mathbb{R} \text{ . إذا علمت أن : } \lim_{x \rightarrow 2} f(x) \text{ موجودة .}$$

س5 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد الحد الذي يحوي  $a^8$  في مفكوك  $(3+a^2)^8$  .  
B- جد أبعاد أكبر مستطيل محيطه  $(36 \text{ cm})$  .

$$1) \int \frac{x^3 - 2x^2 + 1}{5x^5} dx$$

$$\text{C- جد التكاملات الآتية : } \int_0^3 \frac{2x}{\sqrt{x^2 + 16}} dx$$

س6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- ابحث استمرارية الدالة :  $f(x) = \frac{x+3}{x^2+1}$  عند  $x = 1$  .

B- إذا كان عدد أسئلة امتحان مادة الاقتصاد ( 8 ) أسئلة وكان المطلوب حل ( 5 ) أسئلة منها على أن نختار ( 3 ) من الخمسة الأولى ، فبكم طريقة يمكن الإجابة عنها .

C- ارسم منحنى الدالة  $f(x) = (x-1)^3$  باستخدام معلوماتك في التفاضل .



**ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة ) .**

س1 : A- كم عدداً فردياً مكوّن رمزه من ثلاث مراتب يمكن تكوينه باستخدام الأرقام 3 ، 4 ، 5 ، 6 ، 7 ، 8 ، 9 بدون تكرار الرقم في العدد نفسه ؟  
B) باستخدام قواعد المشتقة :

$$1) \text{ إذا كان } f(x) = \frac{x}{x+1} + 6x \text{ ، جد } f'(1)$$

$$2) \text{ إذا كان } f(x) = (x^3 + 3x^2 - 3)^{\frac{3}{2}} \text{ ، جد } f'(2)$$

س2 : A- منحنى يمر بالنقطتين (2, -3) ، (-1, 9) ، وميله عند (x, y) يساوي (ax - 5) ، جد معادلته .

B- إذا تحرك جسم وفق العلاقة  $P(t) = t^3 - 6t^2 + 9t + 7$  ، حيث P البعد بالأمتار ، الزمن t بالثواني جد : (1) الموضع والسرعة بعد (3) ثواني . (2) البعد عندما التعجيل للجسم يساوي صفراً .

$$\text{س3 : A- جد : } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1} - 2}{x-3} \text{ حيث } x \geq -1 , x \neq 3$$

B- إذا كانت الدالة  $f(x) = x^2 + ax + b$  وكان ميل المماس للمنحنى عند  $x = -1$  هو (4) وكان المنحنى يمر بالنقطة (2, -3) ، جد قيم  $a, b \in R$  .

س4 : أجب عن فرعين فقط :

$$\text{A- جد قيمة } n \text{ إذا علمت أن : } 1) C_{10}^n = C_{25}^n \quad 2) \frac{P_2^n}{4!} = 3$$

B- جد المساحة المحددة بمنحنى الدالة  $f(x) = x^3 - 4x$  ومحور السينات والمستقيمين  $x = -2$  ،  $x = 2$  .

$$\text{C- جد قيمة } (a) \text{ إذا علمت أن : } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{x^2 - 5x + 6} = 3a + 3 \text{ حيث } a \in R$$

س5 : أجب عن فرعين فقط :

$$\text{A- جد حد الوسط في مفكوك : } (2 + \frac{x}{2})^8$$

$$\text{B- جد تكامل كلا من : } 1) \int_1^4 (\frac{1}{\sqrt{x}} + \sqrt{x}) dx \quad 2) \int \frac{dx}{\sqrt[3]{x^2 + 16x + 64}}$$

C- يراد صنع حوض على شكل متوازي مستطيلات بدون غطاء قاعدته مربعة الشكل وحجمه (500) وحدة مكعبة ، جد اقل مساحة من الألواح يمكن أن تستخدم في صنعه .

س6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- ارسم منحنى الدالة  $f(x) = (x-1)^3 - 1$  باستخدام معلوماتك في التفاضل .

B- أعلنت شركة عن وجود خمس وظائف مختلفة بشرط أن تشغل سيدتان وظيفتين منها ، فتقدم لها (7) رجال و (4) سيدات ، فبكم طريقة يمكن اختيار الأشخاص الخمسة لتلك الوظائف ؟

$$\text{C- إذا كانت } f(x) : R \rightarrow R \text{ ، } f(x) = \begin{cases} x^2 + 3 & x < -2 \\ 11 - x^2 & x \geq -2 \end{cases}$$

$$(2) \text{ جد } \lim_{x \rightarrow 3} f(x)$$

(1) اثبت أن الدالة f مستمرة عند  $x = -2$



**ملاحظة :** الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة ) .

س 1 : A- إحدى اللجان الثقافية لإحدى المدارس مكونة من ( 11 ) عضواً ، فبكم طريقة يمكن اختيار ثلاثة منهم ليشغلوا منصب الرئيس ونائب الرئيس وأمين السر ؟ علماً أن العضو لا يمكن له شغل أكثر من منصب .  
B- جد مشتقة كل مما يأتي :

$$1) f(x) = \frac{4 - 5x}{x^2 + x + 1} \quad , \quad x = -1$$

$$2) f(x) = \sqrt{(x^2 + 2x + 1)^5} \quad , \quad x = 1$$

س 2 : A- منحنى ميله عند أي نقطة  $(x, y)$  يساوي  $(x\sqrt{x^2 + 9})$  ، جد معادلته إذا كان يمر بالنقطة  $(0, 7)$  .

B- قذف جسم نحو الأعلى عن سطح الأرض بإزاحة معطاة وفق العلاقة  $S(t) = 120t - 15t^2$  حيث

حيث  $S(t)$  الإزاحة بالأمتار ،  $t$  الزمن بالثواني ، احسب :  
(١) سرعة الجسم بعد ثانيتين .  
(٢) متى تصبح سرعته ( صفر ) ؟

$$\text{س 3 : A- جد قيمة : } \lim_{x \rightarrow \sqrt{3}} \frac{x^2 - 3}{x - \sqrt{3}}$$

B- جد نقطة على المنحنى  $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x + 4$  بحيث يكون عندها المماس موازياً لمحور السينات .

س 4 :- أجب عن فرعين فقط :

A- بسط المقدار :  $(2 + a)^4 + (2 - a)^4$  إلى أبسط صورة ممكنة ، ثم جد قيمة المقدار عندما  $a = \sqrt{3}$  .

B- جد المساحة المحددة بمنحني الدالتين  $y = x^2$  و  $y = x^4 - 12$  .

$$C- \text{ إذا كانت } f(x) = \begin{cases} 3x^2 + 4 & x \geq -1 \\ 2 - ax & x < -1 \end{cases}$$

جد قيمة  $a$  إذا كانت  $f$  مستمرة عند  $x = -1$  .

س 5 : أجب عن فرعين فقط :

$$A- \text{ جد قيمة } n \text{ إذا علمت أن : } n! = 12(n - 2)!$$

$$1) \int_{-6}^{-5} \sqrt[3]{(x^2 + 12x + 36)} dx$$

$$2) \int \frac{x^4 - 27x}{x - 3} dx$$

B- جد تكامل كلا من :  
C- إذا كانت  $f(x) = x^3 + ax + 5$  لها نقطة نهاية محلية عند  $x = 1$  ، جد قيمة  $a$  ، وبين نوع النهاية .

س 6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- ابحث استمرارية الدالة  $f(x) = \frac{x + 3}{x^2 + 1}$  عند  $x = 1$  .

B- صندوق يحتوي على ( 7 ) كرات حمراء و ( 4 ) بيضاء يراد سحب ( 5 ) كرات شرط أن تكون ( 3 ) منها حمراء ، فبكم طريقة يمكن إجراء السحب ؟

C- ما العدد الذي زيادة ثلاثة أمثاله مربعه على مكعبه أكبر ما يمكن ؟



ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة ) .

س 1 : A- أعلن صاحب محل لبيع الساعات أنه يوجد لديه ( 8 ) ماركات مختلفة وكل ماركة فيها ( 6 ) أحجام ، وكل حجم فيه ( 5 ) ألوان ، فكم ساعة في المحل ؟

B- جد نقاط الانقلاب ومناطق التفرع والتجنب للدالة :  $f(x) = \frac{1}{4}x^4 - \frac{3}{2}x^2$

س 2 : A- جد معادلة المنحنى الذي ميله عند أية نقطة  $(x, y)$  من نقطه هو  $(x^2 - x - 2)$  ، وكان للمنحنى نهاية عظمى محلية تنتمي لمحور السينات .  
B) جد المشتقة لكل من الدوال الآتية باستخدام قواعد المشتقة :

1)  $f(x) = (x^4 - x^2 + 1)(5x^6 - 3x)$

2)  $f(x) = \sqrt{x^2 - 2x + 1}$

س 3 : A- جد قيمة :  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{\sqrt{x} - 1}$

B- لكن دالة الكلفة الكلية  $C(x) = \frac{1}{2}x^2 - 2x + 5$  ، جد كل من :  
1) دالة الكلفة الحدية .  
2) دالة معدل الكلفة الكلية .

س 4 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد الحدين الأوسطين في مفكوك :  $(2x - 1)^7$  .

B- إذا علمت أن :  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 8}{2x - 4} = 2a - 6$  ، جد قيمة  $a \in R$  .

1)  $\int_{-1}^1 (x^2 + 3)(x - 2) dx$

2)  $\int \frac{x^2 + 2}{\sqrt[3]{x^3 + 6x + 1}}$  : جد تكامل كلا من :

س 5 : أجب عن فرعين فقط :

1)  $P_2^{n+1} = 42$

2)  $2(n!) = 1440$  : جد قيمة  $n$  إذا علمت أن :

B- جد المساحة المحددة بمنحني الدالتين  $f(x) = \sqrt{x - 1}$  و  $g(x) = \frac{1}{2}x$  والمستقيمين

$x = 2$  ،  $x = 5$  .

C- جد أقل محيط ممكن لمستطول مساحته  $(16 \text{ cm}^2)$  .

س 6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- جد معادلة المماس والعمود على المماس للمنحنى  $y = \frac{2x + 1}{3 - x}$  عند  $y = 5$  .

B- مجموعتان (A) تضم (6) لاعبين و (B) تضم (5) لاعبين ، يراد اختيار فريق مكون من (3)

لاعبين من المجموعة (A) ولاعبين اثنين من المجموعة (B) فبكم طريقة يمكن تكوين الفريق ؟

C- أثبت أن  $f(x)$  دالة مستمرة عند  $x = 2$  حيث أن :  $f(x) = \begin{cases} 1 - 2x & x \leq 2 \\ 1 - x^2 & x > 2 \end{cases}$





لاظفة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة ) .

- س 1 : A- كم كلمة يمكن تكويها من ثلاثة أحرف مختلفة من حروف عبارة ( لا تقنطوا ) بمعنى أو بدون معنى  
B- جد نقطة تنتمي إلى المنحنى  $f(x) = x^2 - 4x + 5$  والتي عندها المماس يوازي المستقيم  
 $y + 2x + 3 = 0$

- س 2 : A- جد قيمة  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1} - 2}{x-3}$  حيث  $x \geq -1$  ،  $x \neq 3$  .  
B) جد التكاملات التالية :

$$1) \int \frac{x dx}{\sqrt{2x^2 + 8}} \quad 2) \int \sqrt{2x^3 - 7x^3} dx$$

- س 3 : A- جسم يتحرك على خط مستقيم وفق العلاقة  $S(t) = t^3 + 3t^2 + 4t + 1$  ، جد موضعه وسرعته  
وتعجيله بعد (3) ثوان من بدء الحركة .

- B- جد المساحة المحددة بالدالة  $f(x) = \sqrt{x+1}$  ومحور السينات والمستقيمين  $x=0$  ،  $x=3$  .

4: أجب عن فرعين فقط :

- A- إذا كان  $\frac{n!}{(n-2)!} = 56$  ، جد قيمة  $n$  .

- B- لتكن  $f(x) = \frac{x+3}{x^2+4}$  ، ابحت استمرارية الدالة عندما  $x = -4$  .

- C- نافذة على شكل مستطيل يعلوه نصف دائرة بحيث ينطبق قطرهما على أحد أبعاد المستطيل فإذا كان  
محيط المستطيل  $(8m)$  ، جد أبعاد المستطيل لكي تكون مساحة النافذة أكبر ما يمكن .

5: أجب عن فرعين فقط :

- A- لتكن  $f(x) = \begin{cases} x^2 + a & x > 1 \\ b - 2x & x \leq 1 \end{cases}$  ، وكانت  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  موجودة وأن  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 5$  ،  
جد قيمتي  $a$  ،  $b$  الحقيقيتين .

- B- إذا كانت  $f(x) = (x^2 - 3)^4$  ، جد  $f''(2)$  .

- C- إذا كانت دالة التكلفة الحدية هي  $T' = 1000 - 5v$  حيث  $v$  حجم الإنتاج ، فجد دالة التكلفة الكلية ،

مع العلم أن التكلفة الثابتة تساوي (150) .

6: أجب عن فرعين فقط :

- A- جد الحد الخامس من مفكوك  $(x - 3y)^8$  .

- B- إذا كانت  $(-6, 1)$  نقطة انقلاب المنحنى الذي ميله عند أي نقطة  $(ax^2 - 6x - 9)$  ، جد معادلته .

- C- ارسم منحنى الدالة التالية حسب معلوماتك في النفاصل  $f(x) = 3x - x^3$



ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة ) .

س1 : A) كم كلمة تتألف من أربعة حروف مختلفة بمعنى أو بدون معنى يمكن تكوينها من حروف كلمة ( ليستخلفكم ) ؟  
B- إذا كانت  $f(x) = ax^3 + bx$  ، وكانت  $f(x)$  تمتلك نهاية محلية عند  $(-2, 1)$  ، فما قيمة  $a, b$  الحقيقيتين؟ وما نوع النهاية؟

س2 : A- لتكن  $f(x) = \begin{cases} x^2 - 1 & x \geq -2 \\ x + 5 & x < -2 \end{cases}$  ، ابحث استمرارية الدالة عند  $x = -2$  .

B- إذا كانت دالة الكلفة الكلية لإنتاج فستان بناتي  $C(x) = \frac{1}{9}x^2 + 6x + 100$  ، جد حجم الإنتاج الذي عنده يكون معدل الكلفة أقل ما يمكن .

س3 : A- جد مناطق التزايد والتناقص والنهائيات العظمى والصغرى المحلية إن وجدت للدالة :

$$f(x) = 3x^4 + 4x^3$$

$$1) \int \frac{x^4 - 8x}{x-2} dx$$

B- جد التكاملات الآتية :  $2) \int x^2 \sqrt{x^3 + 4} dx$

س4 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد الحد الخامس من مفكوك :  $(\frac{x^2}{2} - \frac{x}{3})^8$

B- إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 2x + 6}{x + 3} = 3a - 4$  ، جد قيمة  $a$  الحقيقية .

C- جد المساحة المحددة بمنحني الدالتين  $f(x) = x^4 - 12$  و  $g(x) = x^2$  .

س5 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد قيمة :  $\lim_{x \rightarrow 7} \frac{\sqrt{x+2} - 3}{x-7}$  ، حيث  $x \geq -2$  ،  $x \neq 7$  .

B- جد معادلة مماس المنحني  $f(x) = x^3 - 3x^2 + 9x + 5$  عندما يكون  $x = 0$  .

C- جد الدالة التي تحقق  $y'' = 12x^2 - 2$  ، حيث  $y' = 5$  عند النقطة  $(1, 2)$  .

س6 : أجب عن فرعين فقط :

A- بكم طريقة يمكن اختيار مجلس محافظة مكوّن من ( 5 ) نساء و ( 7 ) رجال من بين مجموعة مكونة من ( 8 ) نساء و ( 10 ) رجال ؟

B- اثبت أن :  $\int_1^4 (\frac{1}{\sqrt{x}} + \sqrt{x}) dx = \frac{20}{3}$

C- بالاستعانة بالتفاضل ارسم منحني الدالة :  $f(x) = 3x - x^3$



ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ( لكل سؤال ٢٠ درجة ) .

س 1 : A- بكم طريقة يمكن أن يجلس خمسة طلاب في صف يحتوي ثمانية كراسي ؟  
B- جد نقاط الانقلاب ومناطق التفرع والتحدب للدالة  $f(x) = (x-2)^3 + 3$  .

س 2 : A- جد معادلة المنحني للدالة التي مشتقتها الثانية  $(12x)$  والذي يمر بالنقطتين  $(1,6)$  ،  $(-1,6)$  .

B- جد مشتقة كلا من الدوال حسب قواعد المشتقة :

$$1) f(x) = \frac{2x+1}{3-x} \quad , \quad x=1$$

$$2) f(x) = \sqrt{x}(x+6)$$

س 3 : A) لتكن  $f(x) = \begin{cases} 5-x^2 & x < \sqrt{2} \\ x^2+1 & x \geq \sqrt{2} \end{cases}$  ، ابحث استمرارية الدالة  $f(x)$  عند  $x = \sqrt{2}$  .

B- جد النقاط على المنحني  $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x + 4$  بحيث يكون عندها المماس موازياً لمحور السينات .

س 4 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد مفكوك :  $(3a-b)^3$  .

B- جد المساحة المحددة بمنحني الدالة  $y = f(x) = x^4 - x^2$  ومحور السينات وعلى الفترة  $[-1,1]$  .

C- جد قيمة :  $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + x}{\sqrt{x+10} - 3}$

س 5 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد قيمة  $(n)$  إذا علمت أن :  $2C_2^{n+1} = C_3^{n+2}$

B- إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 5x + 6}{x - 2} = 2a + 1$  ، جد قيمة  $a \in R$

C- جد العدد الذي زيادة ثلاثة أمثال مربعه على مكعبه أكبر ما يمكن .

س 6 : أجب عن فرعين فقط :

A- لنفرض أن دالة الكلفة الكلية لإنتاج سلعة ما  $C(x) = 3x^2 - 60x + 1200$  ، جد  
(1) دالة الكلفة الحدية (2) دالة معدل الكلفة الحدية (3) حجم الإنتاج الذي يعطي أقل كلفة .

$$1) \int \frac{\sqrt[3]{\sqrt{x}-1}}{\sqrt{x}} dx$$

$$2) \int_4^0 x(x-1)(x-2) dx$$

B- جد تكامل كلا من :

C- بكم طريقة يمكن اختيار لجنة من (4) أشخاص من بين (10) رجال و (6) سيدات بشرط أن تكون اللجنة من جنس واحد فقط ؟



**ملاحظة :** الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

س 1 : A- اختر الجواب الصحيح لاثنتين مما يأتي :

(1) كم كلمة يمكن تكوينها مكونة من أربعة حروف مختلفة مأخوذة من الأحرف (أ، ب، ج، د، هـ) ؟

a)  $C_4^5$     b)  $P_4^5$     c) 4!

a)  $\frac{8}{60}$     b) 1    c) 68

(2) ناتج  $C_8^{68} + \binom{68}{60}$  يساوي :

a) 5    b) 4    c) 7

(3) إذا كان  $n! = 120$  ، فإن قيمة  $(n)$  تساوي :

B- إذا تحرك جسم وفق العلاقة  $S(t) = t^3 - 6t^2 + 9t + 7$  حيث أن  $S(t)$  بعده بالامتار ،  $(t)$  الزمن بالثواني احسب بعد الجسم من نقطة بداية الحركة عندما يصبح التعجيل صفراً .

س 2 : A- جد قيمة  $(a)$  إذا علمت أن :  $\lim_{x \rightarrow a} \frac{x^2 - a^2}{x - a} = 10$

B- جد مشتقة الدوال الآتية حسب قواعد المشتقة :

1)  $f(x) = \frac{x}{x+1} + 3x$

2)  $f(x) = 3\sqrt{4+3x^2}$

س 3 : A- لتكن  $f(x) = \begin{cases} 2x+b & x \leq -1 \\ x^2+a & x > -1 \end{cases}$  ، جد قيمة  $a, b \in R$  إذا كانت  $f$  مستمرة عند  $x = -1$  وأن  $f(2) = 7$

B- جد المساحة بين منحنى الدالة  $f(x)$  ومحور السينات والمستقيمين  $x = -2$  ،  $x = 2$  ،

حيث  $f(x) = x^3 - 4x$

س 4 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد نقطة على المنحنى  $f(x) = 2x^2 - 3x + 5$  والتي عندها المماس يوازي المستقيم الذي معادلته

$2x - 2y = 1$

B- جد قيمة  $(n)$  إذا علمت أن :  $P_4^{n+1} = 9P_3^n$

C- جد قيمة :  $\lim_{x \rightarrow 1} \sqrt{4x+5}$  حيث  $x \geq \frac{-5}{4}$

س 5 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد الحد الأوسط في مفكوك :  $(a - \frac{2}{a})^8$

B- إذا كانت دالة الإيراد الحدي  $M' = 12 - 8v - v^2$  ، جد دالة الإيراد الكلي ودالة الطلب ( السعر ) بفرض أن ما ينتج يباع .

C- جد عددين مجموعهما يساوي (20) إذا كان مجموع مربعيهما أصغر ما يمكن .

س 6 : أجب عن فرعين فقط :

A) ارسم منحنى الدالة  $f(x) = (x-1)^3$  باستخدام التفاضلات .

B- صندوق يحتوي على ( 7 ) كرات حمراء و ( 5 ) كرات بيضاء يراد سحب ( 5 ) كرات معاً بشرط أن تكون ( 4 ) كرات حمراء فقط ، بكم طريقة يمكن إجراء السحب ؟

1)  $\int \sqrt[3]{(1-3x)^2} dx$

C- جد التكاملات الآتية :  $\int_{-1}^0 \frac{x^3 - 27}{x-3} dx$



ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

س 1 :- A- كم كلمة سواء أكانت بمعنى أو بدون معنى يمكن تكوينها من حروف كلمة ( القادسية ) مؤلفة من أربعة حروف على أن لا يسمح بتكرار الحرف في الكلمة الواحدة ؟  
B- أجب عن واحد فقط مما يأتي :

1) إذا كانت  $f(x) = (x^2 - 3)^4$  ، جد  $f'(x)$  عند  $x = 1$  .

2) إذا كانت  $f(x) = \frac{4-5x}{x^2+x+1}$  ، جد  $f'(x)$  عند  $x = -1$  .

س 2 : A- لتكن :  $f(x) = \begin{cases} x^2 - 2 & x \geq -1 \\ 3x + 1 & x < -1 \end{cases}$  ، ابحث استمرارية الدالة عندما  $x = -1$  .

B- لتكن  $f(x) = x^3 - 3x + 2$  ، جد نقطة الانقلاب لهذه الدالة إن وجدت .

س 3 : A- أعلن صاحب محل لبيع الموبايلات أنه يوجد خمسة أنواع من الموبايلات ومن كل نوع توجد ثلاثة أحجام ومن كل حجم يوجد ستة موبايلات ، فما عدد الموبايلات في المحل ؟

B- جد معادلة مماس المنحنى  $f(x) = x^3 - 3x^2 + 9x + 5$  عندما تكون  $x = 0$  .

س 4 : أجب عن فرعين فقط :

A- إذا كانت :  $\lim_{x \rightarrow n} \frac{x^2 - n^2}{x - n} = 10$  ، جد قيمة  $(n)$  الحقيقية .

B- بكم طريقة يمكن اختيار لجنة طلابية مكونة من ( 3 ) طلاب وطالبتين من بين ( 9 ) طلاب و ( 5 ) طالبات ؟

C- جد مشتقة الدالة  $f(x) = \sqrt{x}$  مستخدماً التعريف .

س 5 : أجب عن فرعين فقط :

A- لتكن :  $f(x) = \begin{cases} 3x + a & x \geq 3 \\ x^2 - b & x < 3 \end{cases}$  ، وكانت  $\lim_{x \rightarrow 3} f(x)$  موجودة وإن  $f(\sqrt{2}) = 5$  ، جد قيمة  $a, b$  الحقيقيين .

B- جد الحد الخامس في المفكوك  $(x - 3y)^8$  .

C- قطعة أرض مستطيلة الشكل يحدها نهر من إحدى جهاتها ، جد أكبر مساحة من الأرض يمكن تسييجها بسياج طوله ( 100 m ) .

س 6 : أجب عن فرعين فقط :

A- لتكن  $f(x) = \frac{x+3}{x^2+1}$  ، ابحث استمرارية الدالة عندما  $x = 2$  .

B- ارسم منحنى الدالة  $f(x)$  حسب معلوماتك في التفاضل حيث :  $f(x) = x^2 + 4x + 3$  .

C- إذا كان  $P_2^n = 72$  ، جد قيمة  $(n)$  .



ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

س1 : A) كم قطعة مستقيم يمكن تحديدها بنقطتين من مجموعة فيها ( 6 ) نقاط ولا توجد ثلاث منها على استقامة واحدة ؟  
B- جد نقطة على المنحني  $f(x) = x^2 - 4x + 5$  عندما يكون مماس المنحني يوازي المستقيم  $2x - y = 0$  .

س2 : A- جد قيمة :  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 + 7x^2 - 8x}{3x^2 - 3}$

B- إذا كانت  $f(x) = 2x^3 + 4 + \frac{3}{x}$  ، جد  $f'(x)$  ،  $f''(x)$  ،  $f'''(1)$  .

س3 : A- جد قيمة  $(n)$  إذا كان  $\frac{(n+1)!}{(n-1)!} = 42$

B- عيّن نقاط الانقلاب ومناطق التفرع والتحدب للدالة  $f(x) = x^3 + 3x^2 + 3x + 1$  .

س4 : أجب عن فرعين فقط :  
A- صندوق يحتوي على ( 6 ) كرات حمراء و ( 4 ) كرات بيضاء يراد اختيار ( 5 ) كرات معاً بشرط أن تكون ( 3 ) كرات حمراء فقط ، بكم طريقة يمكن إجراء ذلك ؟

B- لتكن :  $f(x) = \begin{cases} 2x + b & x \leq -1 \\ x^2 + a & x > -1 \end{cases}$  ، جد قيمة  $a, b \in R$  إذا كانت  $f$  مستمرة  
عندما  $x = -1$  وأن  $f(2) = 7$  .

C- لنفرض أن دالة الكلفة الكلية لإنتاج سلعة ما ،  $C(x) = 3x^2 - 60x + 1200$  ، جد :  
(1) دالة الكلفة الحدية (2) دالة معدل الكلفة (3) دالة معدل الكلفة الحدية .

س5 : أجب عن فرعين فقط :

A- اثبت أن :  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1} - 2}{x-3} = \frac{1}{4}$  ، حيث  $x \geq -1$  ،  $x \neq 3$  .

B- إذا كانت النقطة ( 4 ، 1 ) نقطة حرجة للدالة  $f(x) = 3 + ax + bx^2$  ، فما قيمة  $a, b \in R$  ؟ وما نوع النقطة الحرجة ؟  
C- جد قيمة  $(101)^3$  بالاستعانة بمبرهنة ذي الحدّين .

س6 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد الحد الأوسط في مفكوك :  $(\frac{x}{2} - 3)^8$

B- جد عددين مجموعهما ( 15 ) ، وحاصل ضرب أحدهما في مربع الآخر أكبر ما يمكن .

C- لتكن  $f(x) = x^3 + 2x^2 + 8$  ، ابحث استمرارية الدالة عندما  $x = 1$  .



**ملاحظة :** الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

١ : A - لدى رجل ( 6 ) قمصان و ( 10 ) أربطة و بدلتان ، بكم طريقة يمكن أن يظهر بها هذا الرجل في زي مكون من قميص واحد وربطة عنق واحدة وبدلة واحدة ؟

B - جد  $f'(-1)$  لواحد من الدوال الآتية :

1)  $f(x) = (x^2 + 1)^3 - 1$

2)  $f(x) = 2x + \frac{3}{x^2 + 2}$

٢ : A - جد نقاط النهايات العظمى والصغرى إن وجدت للدالة :  $f(x) = x^4 - 2x^2 + 1$

B - إذا كانت  $f(x) = \frac{x+3}{x^2+1}$  ، ابحث استمرارية الدالة عند  $x = 1$  .

٣ : A - جد الغاية :  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 2x - 3}{x^2 - 9}$

B - جد نقطة تنتمي إلى المنحني  $f(x) = x^2 - 4x + 5$  والتي عندها المماس يوازي المستقيم الذي معادلته  $y + 2x + 3 = 0$

٤ : أجب عن فرعين فقط :

A - أعلنت شركة عن وجود (6) وظائف مختلفة بشرط أن تشغل سيدتان وظيفتين منها ، فتقدم لها ( 8 ) رجال و ( 5 ) سيدات ، فبكم طريقة يمكن الاختيار ؟

B - جسم يتحرك على خط مستقيم وفق العلاقة  $S(t) = \sqrt{2t^2 + 18}$  بحيث بعده بالأمطار والزمن بالثواني ، احسب بعده عندما تصبح السرعة ( 1 m/sec ) .

C - جد الحد الأوسط في مفكوك :  $(2a - 1)^8$  .

٥ : أجب عن فرعين فقط :

1)  $\frac{p(n, 2)}{3!} = 5$

A - جد قيمة ( n ) لواحد مما يأتي :  $2 p_2^n = C_3^{n+1}$

B - ما العدد الذي زيادته على مربعه أكبر ما يمكن ؟

C - إذا كانت  $f(x) = \begin{cases} a+2x & x \leq -1 \\ 3-x^2 & x > -1 \end{cases}$  ، وكانت  $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$  موجودة ، فجد قيمة  $a \in R$

٦ : أجب عن فرعين فقط :

A - إذا كانت الدالة  $f(x) = x^2 + ax + b$  ، وكان ميل المماس للمنحني عند  $x = -1$  هو ( 4 ) ، وكان المنحني يمر بالنقطة ( 2 ، -3 ) ، فجد  $a, b \in R$  .

B) جد قيمة  $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{\sqrt{x+4} - 3}{x-5}$  حيث  $x \geq -4, x \neq 5$

C - خمسة أشخاص يقفون على خط مستقيم ، كم ترتيب مختلف ممكن لطريقة وقوفهم ؟



ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

س1 : A- كم عدد رمزه يتألف من ثلاثة أرقام يمكن تكوينه من المجموعة  $\{ 4, 8, 1, 7, 5, 9 \}$  ؟  
(1) دون تكرار الرقم في العدد نفسه .  
(2) يمكن تكرار الرقم في العدد نفسه .

B- جد مشتقة الدالة  $f(x) = x^2 - 2x$  ، باستخدام التعريف .

س2 : A- جد قيمة :  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 8}{x^2 - 4}$

B- إذا كانت  $f(x) = (x^3 + 3x^2 - 3)^{\frac{3}{2}}$  ، جد  $f'(x)$  ،  $f'(1)$  .

س3 : A- جد معادلة المماس لمنحني الدالة  $f(x) = \sqrt[3]{x+3}$  عندما  $x = 5$  .

B- جد قيمة  $n$  إذا كان  $P_5^n = 8P_4^n$  .

س4 : أجب عن فرعين فقط :

A- بسط المقدار :  $(2+n)^4 + (2-n)^4$  إلى أبسط صورة ، ثم جد قيمة المقدار عندما  $n = \sqrt{3}$  .

B- لتكن  $f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & x \geq 2 \\ 7 - x & x < 2 \end{cases}$  ، هل للدالة غاية عندما  $(x \rightarrow 2)$  ؟ بيّن ذلك .

C- جسم يتحرك على خط مستقيم وفق العلاقة  $S(t) = t^3 + 3t^2 + 4t + 1$  حيث  $S(t)$  تقاس بالأمتار والزمن بالدقائق ، جد موضعه وسرعته وتعبيله بعد مرور (5) دقائق من بدء الحركة .

س5 : أجب عن فرعين فقط :

A- لتكن  $f(x) = \frac{x^2}{x^2 + 1}$  ، اثبت أن  $f$  مستمرة عندما  $x = 2$  .

B- قطعة أرض مستطيلة الشكل يحدها نهر من إحدى جهاتها ، جد أكبر مساحة من الأرض يمكن تسييجها بسياس طولها  $100 m$  .

C- جد الحد الذي يحتوي على  $x^4$  من مفكوك  $(1+x^2)^6$  ، ثم بيّن معاملته .

س6 : أجب عن فرعين فقط :

A- يراد تشكيل لجنة من ستة أعضاء من بين (5) طلاب و (8) مدرسين ، فيكم طريقة يمكن أن تكون اللجنة محتوية على مدرسين اثنين فقط ؟

B- لتكن :  $f(x) = \begin{cases} ax+3 & x \geq 1 \\ 3x^2+1 & x < 1 \end{cases}$  ، جد قيمة  $a \in R$  إذا كانت  $f$  مستمرة عندما  $x = 1$  .

C- ارسم منحني الدالة  $f(x) = x^2 + 4x + 3$  حسب معلوماتك في التفاضل .



**ملاحظة :** الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

س1: A- كم عدد رمزه مكوّن من ( 3 ) مراتب ، وأكبر من ( 400 ) يمكن تكوينه باستخدام الأرقام 2 ، 3 ، 4 ، 5 ، 6 ، 7 إذا كان تكرار الرقم في العدد نفسه غير مسموح به ؟

B- جد مشتقة الدالة  $f(x) = x^2 + 5x$  باستخدام التعريف ، ثم احسب  $f'(3)$  .

س2: A- جد قيمة :  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{\sqrt{x} - 1}$

B- جد معادلة المماس للمنحنى  $y = x^2 + 1$  عند نقطة تقاطعه مع محور الصادات .

س3: A- جد الحد الرابع في مفكوك  $(x - 3y^2)^7$  .

B- أطلقت رصاصة إلى الأعلى ، وكان ارتفاعها (m) متر في نهاية (t) من الثواني بحيث :

$$m = 224t - 16t^2$$

، احسب أقصى ارتفاع تصل إليه الرصاصة .

س4: أجب عن فرعين فقط :

A- جد مشتقة اثنين من الدوال الآتية باستخدام قواعد المشتقة : 1)  $f(x) = (4 - x)(x^2 + 3)$

$$2) f(x) = \frac{2x + 1}{3 - x}$$

$$3) f(x) = \sqrt{x^2 - 2x + 1}$$

B- إذا كان عدد أسئلة امتحان التاريخ هو (8) أسئلة ، وكان المطلوب حل (5) أسئلة على أن نختار (3) من الأسئلة الخمسة الأولى ، فبكم طريقة يمكن الإجابة ؟

C- إذا كان  $f(x) = ax^2 + bx$  ، وكانت  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 5$  ،  $\lim_{x \rightarrow -2} f(x) = 8$  ، جد قيمتي  $a, b \in R$  .

س5: أجب عن فرعين فقط :

A- مجلس إدارة إحدى الشركات مكوّن من (15) عضواً ، بكم طريقة يمكن اختيار (3) أشخاص ليشغلوا منصب الرئيس ونائب الرئيس وأمين السر ؟ علماً أن العضو لا يمكن له شغل أكثر من منصب .

B- إذا علمت أن النقطة (2, 1) هي نقطة النهاية الصغرى للمحلية للدالة  $f(x) = a + (x - b)^2$  ،

جد  $a, b \in R$  .

C- لتكن  $f(x) = |x - 2|$  ، ابحث استمرارية الدالة عند  $x = 2$  .

س6: أجب عن فرعين فقط :

A- جد قيمة (n) إذا علمت أن  $C_2^n = 45$  .

B- لتكن :  $f(x) = \begin{cases} 2x + 3 & x \geq 1 \\ x^2 + 2 & x < 1 \end{cases}$  ، هل للدالة  $f(x)$  غاية عندما  $x \rightarrow 1$  ، بين ذلك .  
جد  $\lim_{x \rightarrow -3} f(x)$  (2)

C- لنفرض أن دالة الكلفة الكلية لإنتاج سلعة ما  $C(x) = 3x^3 - 60x + 1200$  ، جد :

1) دالة الكلفة الحدية .  
2- حجم الإنتاج الذي يعطي أقل معدل كلفة والكلفة الكلية



الرقم الامتحاني :

ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

س 1 : A- كم كلمة مختلفة الحروف مكونة من ثلاثة حروف يمكن تكوينها من بين حروف كلمة ( سلسيل ) ؟

B- جد مشتقة الدالة  $f(x) = \sqrt{x}$  مستخدماً التعريف .

س 2 : A- جد قيمة ما يأتي :  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 + 7x^2 - 8x}{3x^2 - 3}$

B- لتكن دالة الكلفة الكلية  $C(x) = \frac{1}{2}x^2 - 2x + 5$  ، جد :

(1) دالة الكلفة الحدية .  
(2) دالة معدل الكلفة الكلية .

س 3 : A- جد تكامل كل مما يأتي :  
1)  $\int_{-1}^1 \sqrt{3x^5 - 2x^7} dx$   
2)  $\int \frac{3x + 12}{(x + 4)^7} dx$

B- إذا كانت  $f(x) = ax^2 + bx + 3$  دالة ، وكانت  $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = 4$  ،  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 8$  ،

جد قيمتي  $a, b \in R$  .

س 4 : أجب عن فرعين فقط :

A- يراد تشكيل لجنة من ( 6 ) أعضاء من بين ( 7 ) طلاب و ( 6 ) مدرسين ، فبكم طريقة يمكن أن تكون اللجنة محتوية على ( 3 ) مدرسين فقط ؟

B- ارسم منحنى الدالة  $f(x) = (x - 1)^3$  باستخدام معلوماتك في التفاضل .

C- إذا كانت  $f(x) = \begin{cases} bx + 3 & x \geq 1 \\ 3x^2 + 1 & x < 1 \end{cases}$  ،

جد قيمة  $b$  الحقيقية إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  موجودة .

س 5 : أجب عن فرعين فقط :

1)  $f(x) = \sqrt{(x^3 + 3x^2 - 3)^3}$

A- جد  $f'(x)$  لكل مما يأتي :

2)  $f(x) = \frac{x}{x+1} + 6x$

B) جد مفكوك :  $(2a - b)^4$  .

C- إذا علمت أن :  $\int_a^2 (3 + 2x) dx = 6$  ، جد قيمة  $a \in R$  .

س 6 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد قيمة  $n$  إذا كان :  $2 \binom{n}{2} = \binom{n+1}{3}$

B- ابحث استمرارية الدالة  $f(x) = \frac{x+3}{x^2+1}$  عند  $x = 1$  .

C- إذا كانت  $f(x) = ax^3 + bx$  ، وكانت  $f(x)$  تمتلك نهاية محلية عند النقط فما قيمة كلا من  $a, b \in R$  ؟ ثم بيّن نوع هذه النهاية .

الرقم الامتحاني :

ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

س 1 : A- كم كلمة مختلفة الحروف مكونة من ثلاثة حروف يمكن تكويها من بين حروف كلمة ( مسيل ) ؟

B- جد مشتقة الدالة  $f(x) = \sqrt{x}$  مستخدماً التعريف .

س 2 : A- جد قيمة ما يأتي :

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 + 7x^2 - 8x}{3x^2 - 3}$$

B- لتكن دالة الكلفة الكلية  $C(x) = \frac{1}{2}x^2 - 2x + 5$  ، جد :

(1) دالة الكلفة الحدية .  
(2) دالة معدل الكلفة الكلية .

س 3 : A- جد تكامل كل مما يأتي :

$$1) \int_{-1}^1 \sqrt{3x^5 - 2x^7} dx \quad 2) \int \frac{3x + 12}{(x + 4)^7} dx$$

B- إذا كانت  $f(x) = ax^2 + bx + 3$  دالة ، وكانت  $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = 4$  ،  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 8$  ،

جد قيمتي  $a, b \in R$  .

س 4 : أجب عن فرعين فقط :

A- يراد تشكيل لجنة من ( 6 ) أعضاء من بين ( 7 ) طلاب و ( 6 ) مدرسين ، فيكم طريقة يمكن أن تكون اللجنة محتوية على ( 3 ) مدرسين فقط ؟

B- ارسم منحنى الدالة  $f(x) = (x - 1)^3$  باستخدام معلوماتك في التفاضل .

C- إذا كانت  $f(x) = \begin{cases} bx + 3 & x \geq 1 \\ 3x^2 + 1 & x < 1 \end{cases}$  ،  
جد قيمة  $b$  الحقيقية إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  موجودة .

س 5 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد  $f'(x)$  لكل مما يأتي :

$$1) f(x) = \sqrt{(x^3 + 3x^2 - 3)^3}$$

2)  $f(x) = \frac{x}{x+1} + 6x$

B) جد مفكوك :  $(2a - b)^4$  .

C- إذا علمت أن :  $\int_a^2 (3 + 2x) dx = 6$  ، جد قيمة  $a \in R$  .

س 6 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد قيمة  $n$  إذا كان :  $2 \binom{n}{2} = \binom{n+1}{3}$

B- ابحث استمرارية الدالة  $f(x) = \frac{x+3}{x^2+1}$  عند  $x = 1$  .

C- إذا كانت  $f(x) = ax^3 + bx$  ، وكانت  $f(x)$  تمتلك نهاية محلية عند النقطة  $(-2, 1)$  ،  
لما قيمة كلا من  $a, b \in R$  ؟ ثم بين نوع هذه النهاية .



الرقم الامتحاني :

ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

س 1 : A- كم كلمة مكونة من أربعة حروف بمعنى أو بدون معنى يمكن تكوينها من أحرف كلمة (يامسون) ؟  
B- جد مشتقة الدالة  $f(x) = \sqrt{x+1}$  مستخدماً التعريف .

س 2 :- A- جد قيمة ما يأتي :  
$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^3 - 27}{x^2 + 2x - 15}$$

B- عيّن نقاط الانقلاب ومناطق التقرّر والتحتب للدالة :  $f(x) = x^3(4-x)$

س 3 : A- جد تكامل اثنين مما يأتي :  $2) \int \frac{x^3 - 2x^2 + 1}{5x^5} dx$   
 $x(x-1)(x-2) dx$

3)  $\int_0^1 \frac{x}{\sqrt{x^2+1}} dx$

B- جد معامل  $(x^2)$  في مفكوك :  $(x^3 + \frac{2}{x-2})^9$

س 4 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد قيمة  $(n)$  إذا علمت أن :  $2P_2^n = C_3^{n+1}$

B- جد  $f'(x)$  حسب قواعد المشتقة (لاثنين فقط) :

1)  $f(x) = \sqrt{2x^2 + 5x}$

2)  $f(x) = \sqrt{x(x+2)}$

3)  $f(x) = \frac{x^2+1}{x^3+1}$  عندما  $x=1$

C- إذا كانت  $f(x) = \begin{cases} 2x+b & x \leq -1 \\ x^2+a & x > -1 \end{cases}$  جد قيمة  $a, b \in R$  الحقيقية إذا علمت أن :  
 $f(\sqrt{2}) = 7$  وأن  $x = -1$  مستمرة عند  $x = -1$

س 5 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد قيمة  $(b)$  إذا علمت أن :  $\int_1^b (13-4x) dx = 9$

B- لنفرض أن الكلفة الكلية لاصنع  $(x)$  من وحدات معلمة ما هي  $C(x) = 1500 + 30x + \frac{20}{x}$   
جد التكلفة الحثية عندما يكون عدد الوحدات المصنوعة (50) .

C- ابحث استمرارية الدالة  $f(x) = x^3$  في كل مجالها .

س 6 : أجب عن فرعين فقط :

A- لتكن  $f(x) = ax^2 + 3bx + 5$  ، وكانت  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 9$  ،  $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = 3$  ، جد  $a, b \in R$

B- إذا كانت  $(-1, -3)$  نقطة حرجة للدالة  $f(x) = ax^2 + bx$  ، جد  $a, b \in R$

C- يراد اختيار وفد مكون من (4) أشخاص من بين (5) رجال و (8) نساء ، فكم طريقة يمكن اختيار هذا الوفد بحيث يحوي (اثنين) من كل جنس ؟



للرقم الامتحاني :

ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، وكل سؤال ٢٠ درجة .

١: A- بكم طريقة يمكن تكوين عدد رمزه مؤلف من (3) أرقام وأصغر من (600) باستخدام الأرقام  
1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 إذا كان :

(1) يسمح بتكرار الرقم في العدد نفسه .  
(2) لا يسمح بتكرار الرقم في العدد نفسه .

B- لكن  $V(t) = 3t^2$  ، جد التعجيل بعد (2) ثانية .

٢: A- جد قيمة ما يأتي :  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^3 - 27}{x^2 - 9}$

B- إذا كانت دالة الإيراد الحدي  $M' = 12 - 8v + v^2$  ، جد دالة الإيراد الكلي ، ودالة الطلب (السعر)  
بفرض أن ما ينتج يباع .

٣: A- اختر الإجابة الصحيحة (لاثنين) مما يأتي :

(1) جد قيمة  $P_0^3 - 2$  : a) -1 b) 0 c) -2

(2) إذا كان  $C_{20}^n = C_{35}^n$  فإن  $n = \dots\dots\dots$  : a) 55 b) 65 c) 15

(3) عدد القطع المستقيمة التي يمكن أن تصل بين أي رأسين من رؤوس مضلع سداسي يساوي :

a)  $C_2^6$  b)  $P_2^6$  c)  $6 \times 6$

B- إذا كان  $f(x) = 2x^3 + 4 + \frac{3}{x}$  ، جد  $f'(x)$  و  $f''(x)$  و  $f''(-1)$  .

٤: أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- إذا كانت  $f(x) = \begin{cases} 2x+3 & x < 0 \\ x^2+1 & x \geq 0 \end{cases}$  ، هل الدالة  $f$  مستمرة عند  $x = 0$  .

B- جد الحد الذي يحوي  $x^4$  في مفكوك  $(1+x^2)^6$  ، ثم جد معامله .

C- جد قيمة  $(n)$  إذا علمت أن  $2n! = 240$  .

٥: أجب عن فرعين فقط :

A- صندوق يحوي (4) كرات حمراء و (8) كرات بيضاء ، سحبنا (ثلاث) كرات معاً ، جد عدد طرق سحب على الأقل (اثنان) حمراء .

B- ارسم منحنى الدالة  $f(x) = x^3 - 3x$  باستخدام معلوماتك في التفاضل .

C- جد تكامل :  $\int_1^{125} \frac{\sqrt{3\sqrt{x}-1}}{\sqrt[3]{x^2}} dx$

٦: أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- إذا كانت (1, 4) نقطة حرجة للدالة  $f(x) = 3 + ax + bx^2$  ، فما قيمة  $a, b \in R$  وما نوع النقطة الحرجة ؟

B- إذا كان  $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 2x + 6}{x + 3} = 3a + 4$  ، جد  $a \in R$  .

C- جد تكامل اثنين مما يأتي :

1)  $\int \sqrt{x} (\sqrt{x} + 2)^2 dx$

2)  $\int \sqrt[3]{2x^5 - 7x^3} dx$

3)  $\int \frac{x^4 - 8x}{x - 2} dx$

ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

من 1 : A- أعلن صاحب محل لبيع الدرجات الهوائية أنه يوجد لديه ( 5 ) أنواع من الدرجات ، ومن كل نوع يوجد ( 3 ) أحجام ، ومن كل حجم يوجد ( 6 ) دراجات ، فما عدد الدرجات في المحل ؟

B- جد نقاط النهايات المعظمى أو الصغرى ومناطق التزايد والتناقص للدالة :  $f(x) = 5 + 4x^3 - x^4$

من 2 : A) لتكن :  $f(x) = \begin{cases} 2ax + x^2 & x \geq 1 \\ 3x + a & x < 1 \end{cases}$  ، جد قيمة  $a \in R$  التي تجعل الدالة مستمرة عند  $x = 1$  .

$$1) \int_0^3 \frac{2x}{\sqrt{x^2 + 16}} dx$$

$$2) \int (\sqrt{x} - \frac{3}{\sqrt[3]{x^2}} - 1) dx$$

$$3) \int_{-1}^0 \frac{x^3 - 27}{x - 3} dx$$

من 3 : A- جد الحد السادس في مفكوك :  $(\frac{x^2}{2} - \frac{x}{3})^8$  .

$$1) f(x) = x^3 - 2x + \frac{3}{x^2 + 2}$$

B- جد مشتقة اثنين مما يأتي :  $f(x) = (x^2 - 3)^4$

$$3) f(x) = \frac{1}{\sqrt{2x+1}} , x=0$$

من 4 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

$$1) \frac{1}{210} [P_3^7 + P_4^7]$$

$$2) \binom{68}{8} \div C_{60}^{68}$$

A- جد قيمة كلا من :

B- إذا كانت  $f(x) = ax^3 + bx$  ، فما قيمة  $a, b \in R$  إذا علمت أن للدالة  $f(x)$  نهاية محلية عند النقطة  $(1, -2)$  ؟ وما نوع النهاية ؟

$$C- \lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 16}{\sqrt{4x} - 4} : \text{جد قيمة}$$

من 5 : أجب عن فرعين فقط :

A- جد قيمة  $n$  إذا علمت أن :  $2P(n, 2) = 4!$

B- إذا كانت دالة الإيراد الحدي هي  $M' = 8 - 6V - 2V^2$  ، حيث  $V$  حجم الإنتاج ، جد دالة الإيراد الكلي ودالة السعر .

C- ابحث استمرارية الدالة  $f(x) = \frac{x}{x+1}$  عند  $x = 3$  .

من 6 : أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- جد باستخدام التعريف مشتقة الدالة  $f(x) = x^2 + 5x$  ، ثم جد  $f'(3)$  .

B- إذا علمت أن  $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 2x - 15}{x - 5} = 3a - 4$  ، جد قيمة  $a \in R$  .

C- إذا كان عدد أسئلة امتحان ما هو (10) أسئلة ، وكان المطلوب حل ( 7 ) أسئلة منها على أن تختار (4) من الأسئلة الخمسة الأولى ، فبكم طريقة يمكن الإجابة ؟

أدي

اسئلة الرياضيات السادس الادبي / الدور التمهيدي 2022

ملاحظة: الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

س 1 : A- بكم طريقة يمكن اختيار أربعة أشخاص من بين عشرة أشخاص لشغل أربع وظائف معينة مختلفة ؟

B- جد نقاط النهايات العظمى والصغرى ومناطق التزايد والتناقص للدالة  $f(x) = x^4 - 2x^2 + 1$  .

س 2 : A- جد قيمة ما يأتي :  $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + x}{\sqrt{x+10} - 3}$

B- إذا كانت سرعة جسم معطاة بالعلاقة  $V(t) = 3t^2$  ، جد باستخدام التعريف التعجيل بعد مضي ( 2 ) ثاذا

س 3 : A- جد الحد الثالث في مفكوك :  $(x - 3y^2)^7$

B- جد  $f'(x)$  حسب قواعد المشتقة ( اجب عن اثنين فقط ) :

1)  $f(x) = \sqrt{x}(x+6)$

2)  $f(x) = \frac{4-5x}{x^2+x+1}$  عند  $x = -1$

3)  $f(x) = \left(\frac{x}{x+1}\right)^3$  عند  $x = 1$

س 4 : اجب عن فرعين فقط :

A- إذا علمت أن  $(2,1)$  نقطة النهاية الصغرى المحلية للدالة  $f(x) = a + (x-b)^2$  ، جد  $a, b \in R$  .

B- إذا علمت أن  $f(x) = \begin{cases} 2x^2 - 10 & x \geq 3 \\ x + 5 & x < 3 \end{cases}$  ، ابحث استمرارية الدالة عند  $x = 3$  .

C) جد تكامل كل مما يأتي :  $1) \int \frac{dx}{\sqrt[5]{x^2 + 16x + 64}}$   $2) \int_{-1}^0 \frac{x^3 - 27}{x - 3}$

س 5 : اجب عن فرعين فقط :

A- صندوق يحتوي على ( 6 ) كرات حمراء و ( 4 ) كرات بيضاء ، يراد سحب ( 5 ) كرات بشرط أن تكون ( 3 ) كرات حمراء فقط ، بكم طريقة يمكن إجراء السحب ؟

B- إذا كانت  $f(x) = ax^2 + bx$  وكانت  $\lim_{x \rightarrow -2} f(x) = 8$  و  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 5$  ، جد  $a, b \in R$  .

C- إذا كانت دالة التكلفة الحدية  $T'$  هي  $T' = 2 + 60v - 5v^2$  حيث  $v$  حجم الإنتاج ، جد دالة التكلفة الكلية ، علماً أن  $T = 65$

الرياضيات ادبي (تمهيدي 22)

س 6 : اجب عن فرعين فقط :

A- إذا علمت أن  $\int_a^2 (3+2x) dx = 6$  ، جد  $a \in R$  .

B- إذا كانت  $f(x) = x^2 + 5x$  ، جد  $f'(x)$  باستخدام التعريف .

C- جد قيمة  $(n)$  إذا علمت أن :  $\frac{n!}{(n-2)!} = P_2^3$



**ملاحظة :** الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

س 1 : A- أعلنت شركة الصناعات الإلكترونية العراقية عن وجود أربعة أشكال من التلفزيونات ، ومن كل تحسب .  
ثلاثة أحجام ، ومن كل حجم يوجد ( 5 ) تلفزيونات ، فما عدد التلفزيونات لديها ؟

B- جد باستخدام التعريف مشتقة الدالة :  $f(x) = \sqrt{x+1}$  .

$$1) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{\sqrt{x} - 1}$$

$$2) \lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 3x - 10}{2x - 10} \quad \text{س 2 : A- جد الغلبة لكل من الدوال الآتية :}$$

B- لنكن دالة الكلفة الكلية لدالة  $c(x) = \frac{1}{3}x^3 - 2x + 4$  ، جد :

(1) دالة الكلفة الحدية .

(2) دالة معدل الكلفة الحدية .

$$1) \int \frac{x^3 - 5x^4 + x - 3}{x^3} dx$$

$$2) \int_4^0 x(x-1)(x-2) dx \quad \text{س 3 : A- جد تكامل كل مما يأتي :}$$

B- إذا كانت  $(-1, -3)$  نقطة حرجة للدالة  $f(x) = ax^2 + bx$  ، فما قيمة  $a, b \in R$  ؟ وما نوع النقطة ؟

س 4 : أجب عن فرعين فقط :

A- صندوق يحتوي على ( 10 ) مصابيح ، ( 4 ) منها عاطلة ، يراد سحب ثلاثة مصابيح بشرط أن يكون

على الأقل اثنان منها عاطلة ، فكم طريقة يمكن إجراء السحب ؟

B- إذا كانت  $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 2x + 6}{x + 3} = 3a - 4$  ، جد قيمة  $a$  ، حيث  $a \in R$  .

C- ارسم منحنى الدالة  $f(x) = x^3 - 3x$  باستخدام مبادئ في التفاضل .

س 5 : أجب عن فرعين فقط :

$$1) P_2^{n+1} = C_3^{n+2}$$

$$2) \frac{(n+1)!}{(n-1)!} = 132 \quad \text{A- جد قيمة } (n) \text{ لكل مما يأتي :}$$

B- إذا كانت دالة الإيراد الحدي هي  $M' = 12 - 8v + v^2$  ، جد دالة الإيراد الكلي ودالة الطلب ( السعر )  
بفرض ما ينتج يباع ، حيث  $v$  حجم الإنتاج .

C- لتكن :  $f(x) = \begin{cases} 2ax + x^2 & x \geq 1 \\ 3x + a & x < 1 \end{cases}$  ، جد قيمة  $a \in R$  إذا كانت  $f$  مستمرة عند  $x = 1$  .

س 6 : أجب عن فرعين فقط :

$$A- \text{ جد قيمة } a \in R \text{ إذا علمت أن : } \int_0^a (2x-1) dx = 42$$

B- إذا كانت  $f(x) = (x^2 - 2)^3$  ، جد كل من :  $f'(x)$  و  $f''(x)$  عند  $x = 1$  .

C- جد الحد الخالي من  $(x)$  في مفكوك :  $(x^2 + \frac{2}{x^3})^{10}$  .



الرقم الامتحاني :

ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

س١ : 1- A كم كلمة مؤلفة من ثلاثة حروف مختلفة يمكن تكوينها من حروف كلمة ( سنلتصر ) ؟  
B- جد مناطق التزايد والتناقص ونقاط النهايات العظمى والصغرى المحلية للدالة :

$$f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x + 7$$

$$1) \lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^3 - 64}{x - 4}$$

$$2) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 + 7x^2 - 8x}{3x^2 - 3}$$

س٢ : 2- A- جد الغاية لكل مما يأتي :

B- لتكن دالة الكلفة الكلية  $C(x) = \frac{1}{2}x^2 - 2x + 5$  جد دالة التكلفة الحدية . (2) دالة معدل الكلفة .

س٣ : 3- A- جد الحد الوسطي مفكوك :  $(a - \frac{2}{a})^{12}$  .

B- جد المشتقة لكل مما يأتي حسب قواعد الاشتقاق :

$$1) f(x) = (x^2 + 2x - 1)^4$$

$$2) f(x) = \frac{x}{x+1} + 6x$$

س٤ : 4- أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- مجموعة A تضم ( 8 ) لاعبين ، ومجموعة B تضم ( 6 ) لاعبين ، فيكم طريقة يمكن اختيار فريق واحد يضم ( 3 ) لاعبين من مجموعة A ولاعبين اثنين من المجموعة B ؟

B- إذا كانت  $f(x) = \begin{cases} x^2 - 2 & x \geq -1 \\ 3x + 2 & x < -1 \end{cases}$  ، ابحث استمرارية الدالة عند  $x = -1$

C- جد تكامل كل مما يأتي :  $1) \int \frac{x-2}{(x^2-4x+5)^2} dx$   $2) \int_{-6}^{-5} \sqrt[3]{x^2+12x+36} dx$

س٥ : 5- أجب عن فرعين فقط :

A- إذا كانت النقطة ( 4 , 1 ) نقطة حرجة للدالة  $f(x) = 3 + ax + bx^2$  ، جد  $a, b \in R$  ، وما نوع النقطة الحرجة ؟

B- إذا علمت أن  $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 25}{x^2 - 8x + 15} = -3a + 11$  ، جد  $a \in R$  .

C- إذا كانت دالة التكلفة  $T'$  هي  $T' = 2 + 60v - 5v^2$  حيث  $v$  حجم الإنتاج ، جد دالة التكلفة الكلية  $T$  ، علماً أن :  $T = 65$  .

س٦ : 6- أجب عن فرعين فقط مما يأتي :

A- جد قيمة  $n$  لكل مما يأتي :  $1) C_2^n = 66$   $2) \frac{P_3^n}{3!} = 2(n-2)$

B- إذا كانت  $f(x) = x^2 + x + 1$  ، جد  $f'(2)$  باستخدام التعريف .

C- جد قيمة  $a \in R$  إذا علمت أن :  $\int_0^a (2x-1) dx = 56$



الرقم الامتحاني :

ملاحظة : الإجابة عن خمسة أسئلة فقط ، ولكل سؤال ٢٠ درجة .

س1 : A- كم كلمة مختلفة الحروف مؤلفة من ثلاثة حروف يمكن تكوينها من بين حروف كلمة ( الرياضيات ) ؟

B- جد مناطق التفرع والتحدب ونقاط الانقلاب للدالة  $f(x) = \frac{1}{4}x^4 - \frac{3}{2}x^2$  .

س2 : A- لنفرض أن دالة الكلفة الكلية لإنتاج سلعة ما هي  $f(x) = 4x^2 - 50x + 900$  ، جد :  
(1) دالة الكلفة الحدية . (2) دالة معدل الكلفة الحدية .

1)  $\lim_{x \rightarrow \sqrt{2}} \frac{x^2 - 2}{x - \sqrt{2}}$

B- جد الغاية لكل مما يأتي :  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x+3} - 2}{x-1}$

س3 : A- جد معامل  $(x^2)$  في مفكوك  $(x^3 + \frac{2}{x^2})^9$  .

B- جد مشتقة كلاً مما يأتي حسب قواعد المشتقة عند  $(x=1)$  :

1)  $f(x) = x^3 - 4x^2 + x + 1$

2)  $f(x) = \frac{x^3 + 1}{x^4 + 1}$

س4 : أجب عن فرعين فقط :

A- صندوق يحتوي على ( 6 ) كرات حمراء و ( 4 ) كرات بيضاء ، ويراد سحب ( 5 ) كرات معاً بشرط أن تكون ( 3 ) كرات حمراء فقط ، بكم طريقة يمكن إجراء السحب ؟

B- ابحث استمرارية الدالة  $f(x) = |x - 2|$  عند  $x = 2$  .

1)  $\int \frac{(3x^2 - 4)^2 - 16}{x^2} dx$

C- جد تكامل ( اثنين ) مما يأتي :  $\int_{-1}^1 (x^2 + 3)(x - 2) dx$

2)  $\int \frac{x-2}{(x^2 - 4x + 5)^2} dx$

س5 : أجب عن فرعين فقط :

1)  $3(n!) = 360$

A- جد قيمة  $(n)$  لكل مما يأتي :  $2\binom{n}{2} = \binom{n+1}{3}$

B- جد باستخدام التعريف  $f'(3)$  حيث :  $f(x) = \frac{3}{x-1}$

C- جد قيمة  $b \in \mathbb{R}$  إذا علمت أن :  $\int_1^b (13 - 4x) dx = 9$

س6 : أجب عن فرعين فقط :

A- إذا علمت أن :  $f(x) = \begin{cases} 2x + b & x \leq -1 \\ x^2 + a & x > -1 \end{cases}$  ، وكانت  $f$  مستمرة عند  $x = -1$  ،  
جد  $a, b \in \mathbb{R}$  ،  $f(2) = 7$

B- إذا كانت  $f(x) = x^2 + ax + 5$  لها نقطة نهاية محلية عند  $x = 1$  ، جد قيمة  $a$  ثم بين نوع النهاية .

C- إذا كانت دالة التكلفة الحدية  $T' = 1000 - 5V$  ، جد دالة التكلفة الكلية مع العلم أن التكلفة الثابتة ( 150 ) حيث  $V$  حجم الإنتاج .

# الكاملة للاسئلة الوزارية 2023



## الرياضيات

### الكاملة للاسئلة الوزارية

السادس العلمي الاحادي

الاسئلة الوزارية من 2011 الى 2023  
جميع الادوار

ترتيب مواقع مقراتنا

MLAZEMNA



## اللغة الانكليزية

### الكاملة للاسئلة الوزارية

السادس الاعدادي

الاسئلة الوزارية من 2014 الى 2023  
جميع الادوار

ترتيب مواقع مقراتنا

MLAZEMNA



## اللغة العربية

### الكاملة للاسئلة الوزارية

السادس العلمي

الاسئلة الوزارية من 2006 الى 2023  
جميع الادوار

ترتيب مواقع مقراتنا

MLAZEMNA



## الاسلامية

### الكاملة للاسئلة الوزارية

السادس العلمي الاحادي

الاسئلة الوزارية من 2016 الى 2023  
جميع الادوار

ترتيب مواقع مقراتنا

MLAZEMNA



## الاقتصاد

### الكاملة للاسئلة الوزارية

السادس العلمي التطبيقي

الاسئلة الوزارية من 2017 الى 2023  
جميع الادوار

ترتيب مواقع مقراتنا

MLAZEMNA



## الفيزياء

### الكاملة للاسئلة الوزارية

السادس العلمي الاحادي

الاسئلة الوزارية من 2013 الى 2023  
جميع الادوار

ترتيب مواقع مقراتنا

MLAZEMNA



## الاحياء

### الكاملة للاسئلة الوزارية

السادس العلمي الاحادي

الاسئلة الوزارية من 2013 الى 2023  
جميع الادوار

ترتيب مواقع مقراتنا

MLAZEMNA



## الكيمياء

### الكاملة للاسئلة الوزارية

السادس العلمي الاحادي

الاسئلة الوزارية من 2013 الى 2023  
جميع الادوار

ترتيب مواقع مقراتنا

MLAZEMNA



## الكيمياء

### الكاملة للاسئلة الوزارية

السادس العلمي التطبيقي

الاسئلة الوزارية من 2013 الى 2023  
جميع الادوار

ترتيب مواقع مقراتنا

MLAZEMNA



## الفيزياء

### الكاملة للاسئلة الوزارية

السادس العلمي التطبيقي

الاسئلة الوزارية من 2013 الى 2023  
جميع الادوار

ترتيب مواقع مقراتنا

MLAZEMNA



## الرياضيات

### الكاملة للاسئلة الوزارية

السادس العلمي التطبيقي

الاسئلة الوزارية من 2011 الى 2023  
جميع الادوار

ترتيب مواقع مقراتنا

MLAZEMNA



MLAZEMNA