

# الأجوبة النموذجية

الدور الاول (1)

المتميزين

— 2019 م —

## الرياضيات

— الثالث المتوسط —





Note: Answer ( five questions ) only, ( 20 Marks for each question )

Q1/ A. Assume the two mappings,  $f : Z \rightarrow Z$  where  $f(x) = 3x + 1$  and  $g : Z \rightarrow Z$  where  $g(x) = 2x + 5$ . Find the value of  $(x)$  if  $(f \circ g)(x) = 28$ .

B. By using formula of distance between two points, prove that the points,  $A(1, -3)$ ,  $B(3, -4)$ ,  $C(-1, -2)$  are collinear.

Q2/A. A questions paper contains ( 12 ) questions, it is required to answer ( 10 ) questions. In how many methods can the questions be selected ?

B. Choose the correct answer for the following:

1.  $(2y-3)^2 = ?$  ( 5 M.)

a.  $4y^2 - 6y + 9$     b.  $y^2 + 12y + 9$     c.  $4y^2 - 12y + 9$     d.  $y^2 + 6y + 9$

2.  $10x^2 - 11x + 1 = ?$  ( 5 M.)

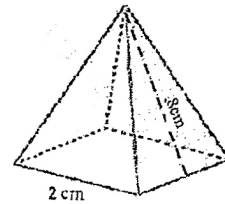
a.  $(5x-1)(2x+1)$     b.  $(10x+1)(x-1)$     c.  $(5x+1)(2x-1)$     d.  $(10x-1)(x-1)$

Q3/A. Write the following expression in simplest form:  $\frac{y^2 - 25}{2y^3 - 16} \div \frac{y - 5}{2y^2 + 4y + 8}$

B. Find the lateral area and the total area for a regular pyramid which its lateral height is ( 8 ) cm , and the side length of its square base is ( 2 ) cm .



باركود الاجوبة  
والملاحظات  
وتقسيم الدرجة



Q4/ Choose two only:

A. Find the terms between  $U_8$  and  $U_{12}$  for an arithmetic sequence in which the third term is ( 9 ) and  $d = -2$ .

B. A box contains (3) red balls , (4) green balls and (5) blue balls. A ball was taken randomly, then it was returned and another ball was taken. Find the probability of taking red ball at first, and then a green ball.

C. What is the value of the constant  $(k)$  which makes the two roots of the equation  $x^2 - (k + 4)x = -9$  equal?

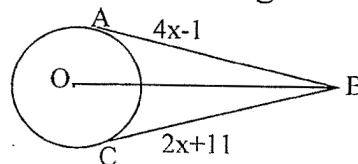
Q5/ Choose two only:

A. Find the solution set for the system in  $R$  by using the method of substitution :

$$y - 5x = 10$$

$$y - 3x = 8$$

B. Use the theorem of the two tangents to find the length of  $\overline{AB}$  in the nearby circle :



C. Choose the correct answer: What is the slope of the line :  $3x - 2y = -6$

a)  $-\frac{3}{2}$     b)  $-\frac{2}{3}$     c) 3    d)  $\frac{3}{2}$

Q6/ Choose two only:

A. Find the image of the quadrangle where  $A(2, 6)$ ,  $B(-4, 0)$ ,  $C(-4, -8)$ ,  $D(-2, -12)$  under the effect of the proportion, its factor  $(\frac{1}{4})$ .

B. Solve the absolute value inequality then represent the solution on the line of numbers.

$$\left| \frac{z-1}{4} \right| \geq 3$$

C. Find the numerical value for the expression:  $(\sin 45^\circ)(\sec 45^\circ) - (\tan 60^\circ)(\cot 30^\circ) + 2 \csc 90^\circ$

الدرجة

رقم الصفحة

12

$$(f \circ g)(x) = 28$$

$$f[g(x)] = 28$$

$$f[2x+5] = 28$$

$$3[2x+5] + 1 = 28$$

$$6x + 15 + 1 = 28$$

$$6x + 16 = 28$$

$$6x = 28 - 16$$

$$6x = 12$$

$$x = 2 \in \mathbb{Z}$$

$\leq$  degree

$=$  4 degree



باركود  
الملاحظات  
وتقسيم الدرجة



جواب سؤال رقم ( 1 ) الفرع ( B )

الدرجة

رقم الصفحة 25

$$A(x_1, y_1) = (1, -3) \text{ و } B(x_2, y_2) = (3, -4) \text{ و } C(x_1, y_1) = (-1, -2)$$

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} =$$

$$AB = \sqrt{(3 - 1)^2 + (-4 - (-3))^2}$$

$$AB = \sqrt{4 + 1} = \sqrt{5} \quad \left. \vphantom{AB} \right\} 2$$

$$BC = \sqrt{(3 - (-1))^2 + (-4 - (-2))^2}$$

$$BC = \sqrt{16 + 4} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5} \quad \left. \vphantom{BC} \right\} 2$$

$$AC = \sqrt{(1 - (-1))^2 + (-3 - (-2))^2}$$

$$AC = \sqrt{4 + 1} = \sqrt{5} \quad \left. \vphantom{AC} \right\} 2$$

$$BC = AB + AC = \sqrt{5} + \sqrt{5} = 2\sqrt{5} \quad \left. \vphantom{BC} \right\} 2$$

so the points A, B, C are collinear



باركود  
الملاحظات  
وتقسيم الدرجة



$$C_n^r = \frac{n!}{(n-r)! r!} = 1$$

$$C_{12}^{10} = \frac{12!}{(12-10)! 10!}$$

$$C_{12}^{10} = \frac{12 \times 11 \times 10!}{2! 10!} = \frac{12 \times 11}{2 \times 1} = 66 \text{ methods}$$

can the questions be selected

ملاحظة: هناك طرق أخرى يمكن أن يتخونها الطالب في حل السؤال



باركود  
الملاحظات  
وتقسيم الدرجة



الدرجة

رقم الصفحة

①  $(2y-3)^2 = 4y^2 - 12y + 9$

(c)

5

18

②  $10x^2 - 11x + 1 = (10x - 1)(x - 1)$

(d)

5

ملاحظة :- اذا كان الاختيار صحيح فلا يحاسب الطالب على الكل



باركود  
الملاحظات  
وتقسيم الدرجة

ملازمنا

الدرجة

$$\begin{aligned} & \frac{y^2 - 25}{2y^3 - 16} \div \frac{y - 5}{2y^2 + 4y + 8} \\ & = \frac{y^2 - 25}{2y^3 - 16} \times \frac{2y^2 + 4y + 8}{y - 5} \quad \frac{2}{=} \\ & = \frac{(y - 5)(y + 5)}{2(y^3 - 8)} \times \frac{2(y^2 + 2y + 4)}{(y - 5)} \quad \frac{4}{=} \\ & = \frac{(y + 5)}{2(y - 2)(y^2 + 2y + 4)} \times \frac{2(y^2 + 2y + 4)}{1} \quad \frac{2}{=} \\ & = \frac{(y + 5)}{(y - 2)} \quad \frac{2}{=} \end{aligned}$$

ملاحظة: كُنْ لِلطَّالِبِ أَنْ يَعْمَلَ بِسَبِيلِ سُؤَالٍ بِطَرَفِيَّةٍ أَفْرَدَ



باركود  
الملاحظات  
وتقسيم الدرجة



الدرجة

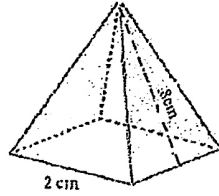
رقم الصفحة

$$\textcircled{1} L.A = \frac{1}{2} p \cdot l$$

$$L.A = \frac{1}{2} \times 4 \times 2 \times 8 = 32 \text{ cm}^2 \quad \left. \vphantom{\frac{1}{2} \times 4 \times 2 \times 8} \right\} 5$$

$$T.A = L.A + b$$

$$T.A = 32 + 4 = 36 \text{ cm}^2 \quad \left. \vphantom{32 + 4} \right\} 5$$



39



باركود  
الملاحظات  
وتقسيم الدرجة

ملازمنا



الدرجة

رقم الصفحة

$$U_n = a + (n-1)d \quad \underline{1}$$

$$\left. \begin{aligned} U_3 &= a + (3-1)(-2) \\ 9 &= a - 4 \\ a &= 9 + 4 = 13 \end{aligned} \right\} \underline{3}$$

$$\left. \begin{aligned} U_9 &= 13 + (9-1)(-2) \\ &= 13 - 16 = -3 \end{aligned} \right\} \underline{2}$$

$$\left. \begin{aligned} U_{10} &= 13 + (10-1)(-2) \\ &= 13 - 18 = -5 \end{aligned} \right\} \underline{2}$$

$$\left. \begin{aligned} U_{11} &= 13 + (11-1)(-2) \\ &= 13 - 20 = -7 \end{aligned} \right\} \underline{2}$$

طريقة أخرى another method

$$U_{10} = U_9 + d = -3 + (-2) = -5$$

$$U_{11} = U_{10} + d = -5 + (-2) = -7$$



باركود  
الملاحظات  
وتقسيم الدرجة



الدرجة

رقم الصفحة

$$P(R) = \frac{\text{number of red ball}}{\text{total number of balls}} = \frac{m}{n} = \frac{3}{12} = \frac{1}{4} \quad \begin{array}{l} 86 \\ 4 \\ = \end{array}$$

$$P(G) = \frac{\text{number of green ball}}{\text{total number of balls}} = \frac{m}{n} = \frac{4}{12} = \frac{1}{3} \quad \begin{array}{l} 4 \\ 3 \\ = \end{array}$$

$$P(R \text{ and } G) = P(R) \times P(G) \\ = \frac{1}{4} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{12} \quad \begin{array}{l} 2 \\ = \end{array}$$

ملاحظة: لا يجب الطالب على الإجابة



باركود  
الملاحظات  
وتقسيم الدرجة



الدرجة

رقم الصفحة

$$x^2 - (k+4)x = -9$$

$$x^2 - (k+4)x + 9 = 0$$

$$a=1, b=-(k+4), c=9$$

$$\Delta = b^2 - 4ac = 0$$

$$[-(k+4)]^2 - 4(1)(9) = 0$$

$$(k+4)^2 - 36 = 0$$

$$[k+4-6][k+4+6] = 0$$

$$(k-2)(k+10) = 0$$

$$k-2=0 \quad \text{or} \quad k+10=0$$

$$k=2 \quad \text{or} \quad k=-10$$

ملاحظة: يجب إظهار على كلاً مرة واحدة  
وعلى حل المعادلة بطريقة اخرى



باركود  
الملاحظات  
وتقسيم الدرجة

ملازمنا

الدرجة

رقم الصفحة

$$(A) \quad y - 5x = 10 \quad \text{--- (1)}$$

$$y - 3x = 8 \quad \text{--- (2)}$$

from eq.1

$$y - 5x = 10 \Rightarrow y = 10 + 5x \quad \text{--- (3)}$$

نعوض (3) في (2)

$$10 + 5x - 3x = 8$$

$$2x = 8 - 10$$

$$2x = -2 \quad \div 2$$

$$\boxed{x = -1}$$

$$y = 10 + 5(-1) = 10 - 5 = 5 \quad \underline{\underline{=}}$$

$$S = \{ (-1, 5) \} \quad \underline{\underline{=}}$$

ملاحظة: في حالة حل السؤال بطريقة ثانية وبعبارة صحيحة تماماً يُعطى (5) درجات فقط



باركود  
الملاحظات  
وتقسيم الدرجة



$$\overline{AB} = \overline{BC}$$

Theorem of the two tangents

53

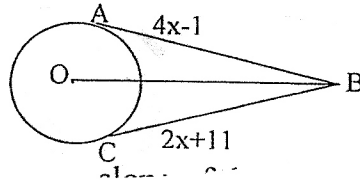
$$4x - 1 = 2x + 11$$

$$4x - 2x = 11 + 1$$

$$2x = 12 \Rightarrow x$$

$$x = 6$$

$$AB = 4x - 1 = 4(6) - 1 = 24 - 1 = 23$$



باركود  
الملاحظات  
وتقسيم الدرجة

ملازمنا

الدرجة

رقم الصفحة

$$3x - 2y = -6$$

$$2y = 3x + 6 \quad \div 2$$

$$y = \frac{3}{2}x + 3$$

10

$$m = \frac{3}{2} \rightarrow \textcircled{d}$$

علامته اذا كان الاقسيا، فهي فعلا يحتاج الكل

15



باركود  
الملاحظات  
وتقسيم الدرجة



جواب سؤال رقم ( 6 ) الفرع ( A )

الدرجة

رقم الصفحة

$$\begin{aligned} A(2, 6) &\rightarrow A' \left( 2 \times \frac{1}{4}, 6 \times \frac{1}{4} \right) = A' \left( \frac{1}{2}, \frac{3}{2} \right) \cong 3 \\ B(-4, 0) &\rightarrow B' \left( -4 \times \frac{1}{4}, 0 \times \frac{1}{4} \right) = B'(-1, 0) \cong 2 \\ C(-4, -8) &\rightarrow C' \left( -4 \times \frac{1}{4}, -8 \times \frac{1}{4} \right) = C'(-1, -2) \cong 2 \\ D(-2, -12) &\rightarrow D' \left( -2 \times \frac{1}{4}, -12 \times \frac{1}{4} \right) = D' \left( -\frac{1}{2}, -3 \right) \cong 3 \end{aligned}$$



باركود  
الملاحظات  
وتقسيم الدرجة



الدرجة

رقم الصفحة

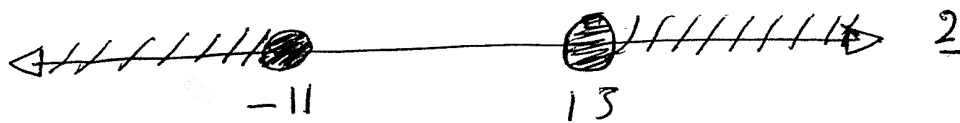
$$\left| \frac{z-1}{4} \right| \geq 3$$

24

$$\frac{z-1}{4} \geq 3 \quad \text{or} \quad \frac{z-1}{4} \leq -3 \quad \underline{\underline{1}}$$

$$\left. \begin{array}{l} z-1 \geq 12 \quad \text{or} \quad z-1 \leq -12 \\ z \geq 13 \quad \text{or} \quad z \leq -11 \end{array} \right\} \underline{\underline{3}}$$

$$S : \{ z : z \geq 13 \} \cup \{ z : z \leq -11 \} \quad \underline{\underline{1}}$$



باركود  
الملاحظات  
وتقسيم الدرجة





$$(\sin 45^\circ)(\sec 45^\circ) - (\tan 60^\circ)(\cot 30^\circ) + 2 \csc 90^\circ \quad 28$$

$$= \frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{2}}{1} - \sqrt{3} \times \sqrt{3} + 2 \times 1 \quad \underline{5}$$

$$= 1 - 3 + 2 = 0 \quad \underline{5}$$



باركود  
الملاحظات  
وتقسيم الدرجة





مع نظام الباركود تستطيع الوصول بشكل سريع ومباشر لما يلي:

- صورة الأسئلة
- ملف الأجوبة
- ملاحظات الأساتذة
- تقسيم الدرجة
- وكل ما يسهل لك التفوق وتحقيق أعلى الدرجات



موقع باركود  
ملازمنا

موقع ملازمنا  
www.malazemna.com

ملازمنا